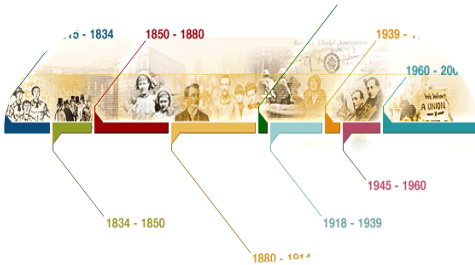


العرض 2

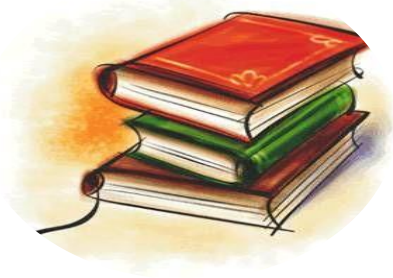
د. سيف بن فهد القحطاني
القياس النفسي المتقدم 575
أكتوبر 2016



متوسط وتباين المتغيرات الثنائية
(Binary Variables)



التغاير - التباين المشترك (Covariance)



متوسط متغيرين



تباين متغيرين

السؤال الأول

1

0

1

0

0

المتغير الثنائي (مثل صح-خطأ)
متوسط المتغير الثنائي

$$E(X) = p$$

$$p = \frac{\text{عدد الإجابات الصحيحة}}{\text{عدد الإجابات}}$$

$$p = \frac{2}{5} = .4$$

المتغير الثنائي (مثل صح-خطأ)

تباين المتغير الثنائي

السؤال الأول
1
0
1
0
0

$$\sigma^2 = pq$$

$$q = (1 - p)$$

$$\sigma^2 = .4 * .6 = .24$$

الانحراف المعياري للمتغير الثنائي

$$\sigma = \sqrt{pq}$$

$$\sigma = \sqrt{.4 * .6}$$

$$\sigma = \sqrt{.24} \approx .489$$

التغاير (التباين المشترك) Covariance

الرقم	X	Y	(X - متوسط قيم x)	تربيع (انحراف قيم x عن متوسطها)	(y - متوسط قيم y)	تربيع (انحراف قيم y عن متوسطها)	حاصل ضرب انحرافات المتغيرين
1	2	1	-2	4	-1	1	2
2	4	2	0	0	0	0	0
3	6	3	2	4	1	1	2
المجموع	12	6	0	8	0	2	4
المتوسط	4	2					

$$Cov_{xy} = \frac{\Sigma(x - \bar{x})(y - \bar{y})}{(n - 1)} = \frac{4}{3 - 1} = 2$$

مصفوفة التباين والتباين المشترك

Variance-Covariance Matrix

$$\text{Var}[X] = \begin{bmatrix} \text{Var}[X_1] & \text{Cov}[X_1, X_2] \\ \text{Cov}[X_2, X_1] & \text{Var}[X_2] \end{bmatrix}$$

$$\Sigma = \begin{pmatrix} \sigma_1^2 & \sigma_{12} & \cdots & \sigma_{1p} \\ \sigma_{21} & \sigma_2^2 & \cdots & \sigma_{2p} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ \sigma_{p1} & \sigma_{p2} & \cdots & \sigma_p^2 \end{pmatrix} \quad \Sigma = \begin{bmatrix} \text{var}(x) & \text{cov}(x, y) & \text{cov}(x, z) \\ \text{cov}(x, y) & \text{var}(y) & \text{cov}(y, z) \\ \text{cov}(x, z) & \text{cov}(y, z) & \text{var}(z) \end{bmatrix}$$

مصفوفة التباين والتباين المشترك

Variance-Covariance Matrix

$$\text{Var}[X] = \begin{bmatrix} \text{Var}[X_1] & \text{Cov}[X_1, X_2] \\ \text{Cov}[X_2, X_1] & \text{Var}[X_2] \end{bmatrix}$$

	x	y
x	4.00	
y	2.00	1.00

تباين المتغير x

تباين المتغير x

التباين المشترك للمتغيرين x و y

$\text{Cov}[X_2, X_1]$

تباين المتغير المركب من متغيرين

$$\begin{aligned} \text{Var}(X + Y) &= \text{Var}(X) + \text{Var}(Y) + 2 \cdot \text{Cov}(X, Y) \\ &= \sigma_X^2 + \sigma_Y^2 + 2 \cdot \text{Cov}(X, Y) \end{aligned}$$

$$\text{Var}(X - Y) = \sigma_X^2 + \sigma_Y^2 - 2 \cdot \text{Cov}(X, Y)$$

X	Y	X + Y
2	1	3
4	2	6
6	3	9

	x	y
\dot{x}	4.00	
y	2.00	1.00

تباين المتغير
(y+x)

$$\sigma^2 = 4 + 1 + 2 * (2)$$

تباين المتغير المركب من متغيرين

$$Var(X + Y) = Var(X) + Var(Y) + 2 \cdot Cov(X, Y)$$

$$= \sigma_X^2 + \sigma_Y^2 + 2 \cdot Cov(X, Y)$$

$$Var(X - Y) = \sigma_X^2 + \sigma_Y^2 - 2 \cdot Cov(X, Y)$$

X	Y	X - Y
2	1	1
4	2	2
6	3	3

	x	y
\bar{x}	4.00	
\bar{y}	2.00	1.00

تباين المتغير
(x-y)

$$\sigma^2 = 4 + 1 - 2 * (2)$$

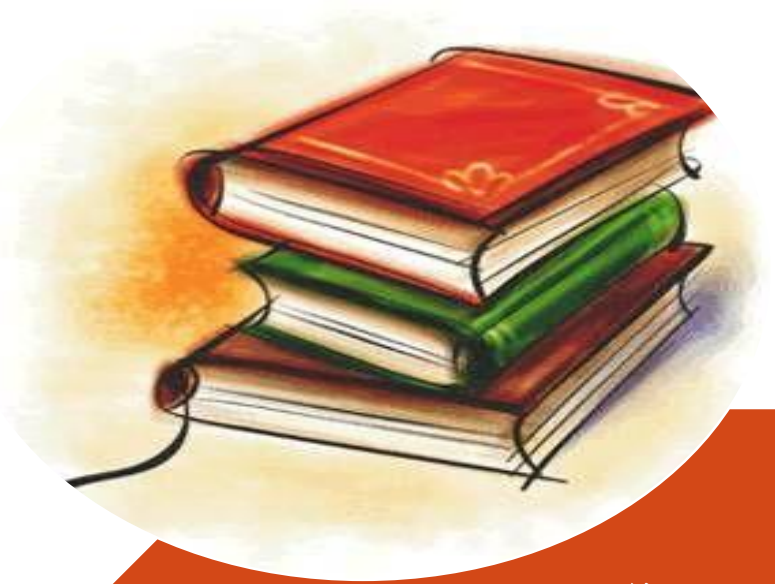
علاقة معامل التغاير بمعامل الارتباط

- Correlation

$$\rho = \frac{\sigma_{XY}}{\sigma_X \sigma_Y} = \frac{\text{cov}(X, Y)}{\text{StandardDev}(X) \times \text{StandardDev}(Y)}$$

Covariance & correlation

$$\rho \sigma_X \sigma_Y = \sigma_{XY}$$



النظرية الكلاسيكية

Classical Test Theory

نظريات القياس

النظرية الكلاسيكية

Classical Test Theory

النموذج

المصطلحات

الافتراضات

طرق حساب الثبات

آليات حساب معاملات الثبات

أمثلة

النظرية الكلاسيكية

Classical Test Theory

النموذج

$$O = T + E$$

الدرجة المشاهدة = O

الدرجة الحقيقية = T

الدرجة الخطأ = E

النظرية الكلاسيكية

Classical Test Theory

الافتراضات

1. الدرجة الحقيقية مستقلة عن الدرجة الخطأ
2. الدرجة الخطأ عشوائية (متوسطها صفر)
3. الدرجة الخطأ مستقلة عن أي درجة خطأ أخرى

وتفترض النظرية الكلاسيكية أن الدرجة الحقيقية هي الدرجة المتوقعة (المتوسط) للفرد عند إجراء جميع الاختبارات المتكافئة عليه

النظرية الكلاسيكية

Classical Test Theory

طرق حساب الثبات

1. معامل الاستقرار (Stability Coefficient)
2. معامل التكافؤ (Equivalency Coefficient)
3. معامل التجزئة النصفية (Split-Half Coefficient)
4. معامل كرونباخ ألفا (Cronbach's Alpha)
5. كيودر ورتشاردسون 20 (Kuder and Richardson 20)
6. كيودر ورتشاردسون 21 (Kuder and Richardson 21)

المعاملات من 3 وحتى 6 تسمى معاملات الاتساق الداخلي...وتنطلق من فكرة تكافؤ فقرات الاختبار عوضاً عن تكافؤ الاختبارات ككل (Suen, 1990)

النظرية الكلاسيكية

Classical Test Theory

طرق حساب الثبات

1. معامل الاستقرار (Stability Coefficient)

يسمى بطريقة إعادة الاختبار (Test-Retest Method)

الطريقة

- 1- تطبيق الاختبار على مجموعة من الأفراد
- 2- إعادة تطبيق الاختبار على نفس المجموعة
- 3- حساب قيمة معامل الارتباط بين درجات الاختبارين
- 4- قيمة معامل الارتباط = تساوي قيمة معامل الثبات

1. معامل الاستقرار (Stability Coefficient)

عيوب

- 1- تذكر الأسئلة (الاستقرار يزيد الثبات--- لكن الاستقرار هنا زائف)
- 2- نسيان المعلومات (العشوائية يخفض الثبات--- لكن الوقت حاسم في تذكر المعلومات ونسيانها)
- 3- النمو والتطور (بعض السمات تنمو وتتطور بسرعة—وبالتالي الفرق الحقيقي سيبدو خطأ لعدم استقراره)
- 4- فقدان بعض أفراد المجموعة في الاختبار الثاني
- 5- صعوبة تحديد الفترة الفاصلة المناسبة (اسبوع-شهر-شهران إلخ).

النظرية الكلاسيكية

Classical Test Theory

طرق حساب الثبات

2. معامل التكافؤ (Equivalency Coefficient)

الطريقة

- 1- تطبيق الاختبار على مجموعة من الأفراد
- 2- إعادة تطبيق اختبار مكافئ على نفس المجموعة
- 3- حساب قيمة معامل الارتباط بين درجات الاختبارين
- 4- قيمة معامل الارتباط = تساوي قيمة معامل الثبات

النظرية الكلاسيكية

Classical Test Theory

طرق حساب الثبات

2. معامل التكافؤ (Equivalency Coefficient)

الطريقة

- 1- تطبيق الاختبار على مجموعة من الأفراد
- 2- إعادة تطبيق اختبار مكافئ على نفس المجموعة
- 3- حساب قيمة معامل الارتباط بين درجات الاختبارين
- 4- قيمة معامل الارتباط = تساوي قيمة معامل الثبات

2. معامل التكافؤ (Equivalency Coefficient)

مزايا

1- التغلب على مشكلة تذكر الأسئلة

2- معاينة المحتوى+الوقت

عيوب

1- الكلفة المادية والبشرية (سنحتاج لضعف عدد الأسئلة)

2- فقدان بعض الأفراد في الاختبار الثاني

3- صعوبة إعداد صورتين متكافئتين (اختبار للشخصية مثلا)

النظرية الكلاسيكية

Classical Test Theory

طرق حساب الثبات

3. معامل التجزئة النصفية (Split-Half Coefficient)

الطريقة

- 1- تطبيق الاختبار على مجموعة من الأفراد
- 2- تقسيم أسئلة الاختبار إلى جزأين متساويين
- 3- حساب قيمة معامل الارتباط بين درجات الجزأين
- 4- **قيمة معامل الارتباط = تساوي قيمة معامل الثبات**

3. معامل التجزئة النصفية (Split-Half Coefficient)

مزايا

التغلب على مشكلة

I. تذكر الأسئلة

II. الكلفة المادية

III. فقدان بعض الأفراد في الاختبار الثاني

IV. إعداد صور متكافئة للاختبارات

العيوب

1. صعوبة تحديد النصفين (الفردية مقابل الزوجية مثلاً)

2. انخفاض معامل الثبات بسبب خفض عدد الأسئلة عند التجزئة

3. معامل التجزئة النصفية (Split-Half Coefficient)

من العوامل المؤثرة في معامل الثبات طول الاختبار (Lord, 1957) ولأن طريقة حساب معامل التجزئة النصفية تقوم على تجزئة الاختبار إلى جزأين وبالتالي خفض عدد الأسئلة جاءت معادلة سبيرمان براون لتصحيح معامل الثبات من هذا الأثر

معامل الثبات
المصحح

$$\rho_{xx'}^* = \frac{N \rho_{xx'}}{1 + (N - 1) \rho_{xx'}}$$

معامل الثبات
قبل التصحيح

نسبة الزيادة في عدد الفقرات
وفي التجزئة النصفية دائما
تساوي 2

الطريقة

- I. حساب قيمة معامل الارتباط بين درجات الجزأين
- II. قيمة معامل الارتباط = تساوي قيمة معامل الثبات
- III. عوض في المعادلة أعلاه لتحصل على معامل الثبات المصحح

طرق حساب الثبات

4. معامل كرونباخ ألفا (Cronbach's Alpha)

الطريقة

- 1- تطبيق الاختبار على مجموعة من الأفراد
- 2- إيجاد قيمة معامل التغاير الثنائي للفقرات أو التباينات الفردية
- 4- التعويض في المعادلة التالية
- 5- معامل كرونباخ ألفا "تقدير أدنى لحساب متوسط جميع الارتباطات الثنائية"

$$\alpha = \frac{K}{K - 1} \left(1 - \frac{\sum_{i=1}^K \sigma_{Y_i}^2}{\sigma_X^2} \right)$$

مثال على طرق حساب الثبات

4. معامل كرونباخ ألفا (Cronbach's Alpha)

$$\frac{k}{k-1} \left(\frac{\sum_{i \neq j}^k cov(x_i, x_j)}{var(x_0)} \right) = \frac{k}{k-1} \left(1 - \frac{\sum_{j=1}^k var(x_j)}{var(x_0)} \right)$$

$$\alpha = \frac{3}{3-1} \left[1 - \frac{4 + 1 + 4.33}{25.33} \right]$$

$$\alpha = \frac{3}{2} \left[1 - \frac{9.33}{25.33} \right]$$

X	Y	Z	TOTAL
2	1	1	4
4	2	4	10
6	3	5	14
التباين			
4	1	4.33	25.33

$$\alpha = .947$$

طرق حساب الثبات

5. كيو در و رتشاردسون 20 (Kuder and Richardson 20)

حساب مختصر لطريقة كرونباخ عندما يكون المتغير ثنائي التصحيح
الطريقة

1- تطبيق الاختبار على مجموعة من الأفراد

2- حساب قيمة معامل كيو در و رتشاردسون 20 وفقا للمعادلة
التالية

$$P_{KR20} = \frac{k}{k-1} \left(1 - \frac{\sum_{j=1}^k p_j q_j}{\sigma^2} \right)$$

طرق حساب الثبات

6. كيودرو رتشاردسون 21 (Kuder and Richardson 21)

حساب مختصر لطريقة كرونباخ عندما لا يكون هناك درجة صحيحة وخاطئة (الاتجاهات والميول مثلا)

الطريقة

1- تطبيق الاختبار على مجموعة من الأفراد

2- حساب قيمة معامل كيودرو رتشاردسون 21 وفقا للمعادلة

$$P_{KR21} = \frac{k_c}{k_c - 1} \left[1 - \frac{\mu(k_c - \mu)}{k_c \sigma^2} \right]$$

©easycalculation.com

©easycalculation.com

متوسط
الدرجات

التباين

عدد الفقرات

خطأ القياس (Standard Error of Measurement)

$$SEM = s_x \sqrt{(1 - r_{xx})}$$

معامل الثبات

خطأ القياس
(Standard Error of Measurement)

الانحراف المعياري
للمراتب

- خطأ القياس في النظرية الكلاسيكية:
- يعبر عن هامش الخطأ في الدرجة المشاهدة كمعبر عن الدرجة الحقيقية (مثل الخطأ العشوائي لمتوسط العينة كمعبر عن متوسط المجتمع)
- عبارة عن انحرافات معيارية عن الدرجة الحقيقية
- يفترض تساويه للجميع (أو على الأقل سنستخدمه وفق هذا التصور)
- بالإمكان استخدامه في وضع فترة ثقته حول الدرجة الحقيقية (فترة ثقة 95% تعني أن الدرجة الحقيقية ستكون ما بين الدرجة المشاهدة خطأ القياس)

الثبات Reliability

■ معنى الثبات ومعاملات الثبات
يشير الثبات إلى مدى استقرار الدرجات وخلوها من
الأخطاء غير المنتظمة (العشوائية)



الثبات Reliability

معنى الثبات ومعاملات الثبات

- معامل الثبات يشير إلى نسبة التباين الحقيقي بين الأفراد إلى التباين المشاهد (التباين المشاهد يحوي النوعين)

$$r_{test, test} = \frac{\sigma_{True}^2}{\sigma_{Test}^2} = \frac{\sigma_{True}^2}{\sigma_{True}^2 + \sigma_{error}^2}$$



الثبات تنبيه

■ معاملات الثبات تتعلق بالدرجات لا بالاختبار

(فالاختبار نفسه قد تكون درجاته ثابتة في حق مجموعة وغير ثابتة في حق أخرى)

■ لا تقل ثبات الاختبار؟ قل ثبات درجات الاختبار؟

■ يمكن تعميم معامل الثبات فقط على مجموعات مشابهة
لمجموعة التقنين

■ معاملات الثبات في النظرية الكلاسيكية تصلح فقط
للاختبارات معيارية المرجع لا محكية المرجع

نظريات القياس

عوامل مؤثرة في قيم معاملات الثبات

- درجة الارتباط بين الفقرات
 - طول الاختبار (أثره ينخفض ويتلاشى تدريجيا)
 - لكن.....
 - زيادة الفقرات مفيدة ولكن بشروط..
- (1) ألا تؤدي إلى التعب والإجهاد والملل (سينخفض الثبات)
 - (2) أن تكون الفقرات المضافة مكافئة للفقرات السابقة
- تجانس المختبرين (زيادة التجانس تخفض القيمة)

التحويلات الخطية

Z Score الدرجة الزائيت

X	X-X	(X-X) ²	Z
2	-2	4	-1
4	0	0	0
6	2	4	1
المتوسط			المتوسط
4			0
الانحراف المعياري			الانحراف المعياري
2			1

$$Z_i = \frac{x_i - \bar{x}}{s}$$

الدرجة المحولة

Z		المحوّلة
-1	$Z_i = \frac{x_i - \bar{x}}{s}$	$b + (a * Z)$
0		
1		
المتوسط		المتوسط
0		b
الانحراف المعياري		الانحراف المعياري
1		a

(a) عامل تضخيم (انكماش) للمقياس

(b) عامل تحديد للمركز


وعليه سيكون المقياس الجديد له متوسط
وقيّمته

b

وانحراف معياري وقيّمته

a

الدرجة المحولة

Z		متوسط 50 وانحراف معياري 10	متوسط 600 وانحراف معياري 200
-1	$z_i = \frac{x_i - \bar{x}}{s}$ 	40	400
0		50	600
1		60	800
المتوسط		المتوسط	المتوسط
0		50	600
الانحراف المعياري		الانحراف المعياري	الانحراف المعياري
1		10	200

التحويل على الدرجات الزائفة

التحويلات على مقاييس النزعة المركزية (1)

- إضافة مقدار ثابت لكل القيم
- لو أضفنا مقدارا ثابتا (a) لكل القيم فإن مقاييس النزعة المركزية (المتوسط / الوسيط / المنوال) الجديدة تساوي مقياس النزعة المركزية القديم $a +$

1	2	3
---	---	---

- مثال: متوسط القيم التالية يساوي (2)

6	7	8
---	---	---

- لو أضفنا مقدارا ثابتا (a) لكل قيمة ولنقل 5 فإن القيم ستصبح

- ومتوسط هذه القيم يساوي (7) وتم حسابه كالتالي: $(8+7+6)$ ويقسم على عددها (3)

- لاحظ العلاقة بين المتوسط القديم (2) والمتوسط الجديد (7)

- المتوسط القديم مضافا إليه المقدار الثابت (a)

- المتوسط القديم (2) مضافا إليه المقدار الثابت (5) يساوي (7)

- تذكر أن العلاقة تنطبق على مقاييس النزعة المركزية الأخرى

التحويلات على مقاييس النزعة المركزية (2)

- ضرب كل قيمة في مقدار ثابت

- لو ضربنا كل القيم في مقدار ثابت (a) فإن مقاييس النزعة المركزية (المتوسط / الوسيط / المنوال) الجديدة تساوي مقياس النزعة المركزية القديم مضروباً في (a)

1	2	3
---	---	---

- مثال: متوسط القيم التالية يساوي (2)

5	10	15
---	----	----

- لو ضربنا جميع القيم في مقدار ثابت (a) ولنقل 5 فإن القيم ستصبح

- ومتوسط هذه القيم يساوي (10) وتم حسابه كالتالي: $(5+10+15)$ مقسوماً على عددها (3)

- لاحظ العلاقة بين المتوسط القديم (2) والمتوسط الجديد (10)

- المتوسط القديم مضروباً في المقدار الثابت (a)

- المتوسط القديم (2) مضروباً في المقدار الثابت (5) يساوي (10)

- تذكر أن العلاقة تنطبق على مقاييس النزعة المركزية الأخرى؟

التحويلات على مقاييس التشتت (1)

- إضافة مقدار ثابت لكل القيم
- لو أضفنا مقدارا ثابتا (a) لكل القيم فإن مقاييس التشتت (المدى / الانحراف المعياري / التباين) الجديدة تساوي مقياس التشتت القديمة

2	3	5	7
---	---	---	---

- مثال: مدى القيم التالية يساوي (5) وتم حسابه كالتالي (2-7)

7	8	10	12
---	---	----	----

- لو أضفنا مقدارا ثابتا (a) لكل قيمة ولنقل 5 فإن القيم ستصبح

- ومدى هذه القيم يساوي (5) وتم حسابه كالتالي: (7-12)

- لاحظ العلاقة بين المدى القديم (5) المدى الجديد (5)

- المدى القديم يساوي المدى الجديد بمعنى أن مقاييس التشتت لا تتأثر بإضافة مقدار ثابت لكل القيم

- تذكر أن العلاقة تنطبق على مقاييس التشتت الأخرى

التحويلات على مقاييس التشتت (2)

- ضرب كل قيمة في مقدار ثابت
- لو ضربنا كل القيم في مقدار ثابت (a) فإن مقاييس التشتت (المدى / الانحراف المعياري) الجديدة تساوي مقياس التشتت القديم مضروباً في (|a|) أي القيمة المطلقة ل (a)
- مثال: مدى القيم التالية يساوي (5)

2	3	5	7
---	---	---	---
- لو ضربنا جميع القيم في مقدار ثابت (a) ولنقل 5 فإن القيم ستصبح

10	15	25	35
----	----	----	----
- ومدى هذه القيم يساوي (25) وتم حسابه كالتالي: (10-35)
- لاحظ العلاقة بين المدى القديم (5) والمدى الجديد (25)
- المدى القديم مضروباً في المقدار الثابت (|a|)
- المتوسط القديم (5) مضروباً في المقدار الثابت (5) يساوي (25)
- تذكر أن العلاقة تنطبق على مقاييس التشتت الأخرى ما عدا التباين؟

التحويلات على مقاييس التشتت (3)

- ضرب كل قيمة في مقدار ثابت
- لو ضربنا كل القيم في مقدار ثابت (a) فإن التباين الجديد يساوي التباين القديم مضروباً في (a - تربيع) أي قيمة المقدار الثابت بعد تربيعه

• مثال: تباين القيم التالية يساوي (1)

1	2	3
---	---	---

• لو ضربنا جميع القيم في مقدار ثابت (a) ولنقل 5 فإن القيم ستصبح

5	10	15
---	----	----

X	X - X	(X-X)
5	-5	25
10	0	0
15	+5	25
		$\frac{50}{2}$

• فتباين هذه القيم يساوي (25) وتم حسابه كما في الجدول:

• لاحظ العلاقة بين التباين القديم (1) والتباين الجديد (25)

• التباين القديم مضروباً في مربع المقدار الثابت (a)

• المقدار 5 وبعد تربيع يصبح 25

• تذكر أن التباين الجديد يساوي القديم مضروباً في مربع المقدار الثابت