

$$\cancel{f_{n-1}^2 + f_{n-1} f_n - f_{n-1}^2} \neq 2 f_{n-1} f_{n-2} \neq f_{n-2}^2$$

الفصل الأول ٣٤-١٤٣٥

٢٤٣ رياض

الاختبار الفصلي الأول

$$f_{n-1}^2 +$$

رتب إجاباتك في الدفتر حسب ترتيب ورود الأسئلة.

١- ✓ جد جميع الحلول الموجبة للمعادلة الديوفنتية $121x - 55y = 77$.

٢- ✓ أثبت أن لكل $n \geq 3$ ، $[a_1, \dots, a_{n-2}, a_{n-1}, a_n] = [a_1, \dots, a_{n-2}, [a_{n-1}, a_n]]$.

٣- ✓ إذا كان $(a, b) = k$ و $(a, c) = l$ و كان $(b, c) = 1$ ، فأثبت أن $(a, bc) = kl$.

٤- ✓ أثبت أن $\sqrt{5} + \sqrt{6}$ عدد غير نسبي.

٥- إذا كانت f_n أعداد فيبوناچي، حيث $f_1 = f_2 = 1$ و $f_{n+1} = f_n + f_{n-1}$ لكل $n \geq 2$ ، فأثبت

$$f_{n-1}^2 + f_n^2 + f_{n-1}^2 \quad \text{للكل } n \geq 2 \quad (f_{n-1})(f_{n+1}) - (f_n)^2 = (-1)^n$$

$$f_{n-1}^2 + f_n (f_{n-1} - 1) \quad \cancel{f_{n-1} + f_{n-2}}$$

$$(f_{k-1})(f_{k+1}) - (f_k)^2 = (-1)^k$$

$$\left[(f_k)(f_{k+2}) - (f_{k+1})^2 = (-1)^{k+1} \right]$$

$$(f_{k+1}) + f_k$$

$$(f_k)^2 - (f_{k-1})(f_{k+1}) = -1^2$$

f_k

$$ax + cy = L$$

$$at + bv = k$$

$$a^2 t x + atcy + b$$

$$\lfloor k = Lk b x + Lk c y$$

$$a = kd = rL$$

$$b = \sqrt{cvd}$$

$$c = tL$$

$$(qd, tL)$$

$$(qd, rL) = L$$