

(١)

الاختبار النطوي  
لـ  
الطبیقات الجبی  
الفصل الأول - ١٤٠٩ - ١٤٣٥

اسم الطالب:

الرقم الجامعي:

سؤال الدول:

(٩) اعتدخت الراحلة  
العربية بالنظام التألفي وعلمت أن براية النص  
الواضع هو Surr. جمل مفتاح التعبير واقتراً للسنة.

(٢)

(٧) لتكن كل من  $e_1(x) \equiv ax+b \pmod{m}$  و  $e_2(x) \equiv cx+d \pmod{m}$  دالة تعمية لنظام تألفي. جل  $e_2(e_1(x))$ . حل التابع دالة تعمية لنظام تألفي؟ وإذا كان كذلك فحل استخداماً يزيد من  $n$  من النظام؟ فإذا؟

(٣)

### السؤال الثاني :

(٢) إذا تمكّن عدوان من الحصول على مدخل مؤقت لعملية التحبيث في نظام هيل، فبما يتعلّم عدوان معرفة مفتاح التحبيث ومن ثمّ كسر النظام.

(١) بين كيفية تحويل النّظام التبادلي إلى نظام هيل.

(٤)

ZINHOC

٤٠) افترضت المسألة

العمر بنظام المفتاح الذاتي . إذا عملت  
أن المفتاح البدائي هو  $k=11$  ما قرأ المسألة .

(٥)

السؤال الثالث:

(٩) استقبل بدر الراية المحاماة 42 بنظام رابن  
حيث  $n = 209 = 11 \times 19$ . جد جميع النصوص العاشرة  
المكتنة.



(٧)

(٧) لنفرض أن لدى عدوان خوارزمية حدودية  $A$  كتاب الجذور التربيعية للعدد  $n = 2^k \cdot 9$ . بين كيف يمكن عدوان من استخدام هذه الخوارزمية لصفة  $2 \wedge 9$  ومن ثم كسر نظام رابن.

(٨)

السؤال الرابع :

(P) ليكن  $n = pq$  المفتاح المعلن في نظام RSA . إذا  
استخدمنا  $\lambda = lcm(p-1, q-1)$  عوضاً عن  $\varphi(n)$   
نأتيت أنتا بـ حصل على نظام تشفير يسمى نظام RSA .

(U) أراد أحمد وبر انتشار مفتاح سري لاستخدامه  
في عملية تشفير . أعلنا عن العددين  $p=43$  و  $q=3$   
واختار أحمد المدد السري  $x=8$  واختار بدر العدد  
السري  $y=37$  . ما هو المفتاح المشترك بينهما  
إذا استخدما خلقت ديفي وهيمان تبادل المفاتيح ؟

(٩)

(٢٠) اكتتب عدوان الرسالة  $x^a \equiv y \pmod{n}$  .  
محاولة أحمد ارسالها إلى بدر بنظام RSA .  
اختار عدوان عدد  $e$  توافق  $\phi(n)$  واستبدل  
 $y_1 \equiv yz^a \pmod{n}$  .  
ثم أرسل  $y_1$  إلى بدر كونهَا عن  $y$  . عند

a - تقابل بدر للرسالة  $y_1$  قام بـ حساب  $x_1 \equiv y_1^b \pmod{n}$  .  
وأعاد  $x_1$  إلى أحمد . بين كيف يمكن عدوان من كسر النظام بعد اعتراضه .

(1, 1)