

الدرجة :
25

الاسم:

السؤال الأول: أ) أوجد حل المسألة التالية باستخدام الرسم (٥ درجات)

$$\begin{aligned} \max z &= 2x_1 + 2x_2 \\ \text{s.t. } x_1 + x_2 &\leq 4 \\ x_1 - x_2 &\geq 3 \\ x_1, x_2 &\geq 0 \end{aligned}$$

ب) هل منطقة الحل لهذه المسألة عبارة عن مجموعة محدبة؟ علل إيجابتك. (٣ درجات)

السؤال الثاني: أوجد حل المسألة التالية باستخدام طريقة السمبلكس (٩ درجات)

$$\begin{aligned} \max z &= 2x_1 + 3x_2 \\ \text{s.t. } x_1 + 2x_2 &\leq 6 \\ 2x_1 + x_2 &\leq 6 \\ x_1, x_2 &\geq 0. \end{aligned}$$

السؤال الثالث: لتكن لدينا مسألة البرمجة الخطية التالية: (٤ درجات)

$$\begin{aligned} \max z &= 6x_1 - 2x_2 \\ \text{s.t. } x_1 - x_2 &\leq 1 \\ 3x_1 - x_2 &\leq 6 \\ x_1, x_2 &\geq 0 \end{aligned}$$

يبين باستخدام الرسم أنه عند الحل الأمثل، نستطيع زيادة x_1 و x_2 إلى مالا نهاية، ومع ذلك تظل قيمة دالة الهدف ثابتة.

السؤال الرابع: أ) أوجد حل المسألة التالية مباشرة بدون استخدام طريقة السمبلكس (٤ درجات)

$$\begin{aligned} \max z &= x_1 \\ \text{s.t. } 5x_1 + x_2 &= 10 \\ x_1 + x_3 &= 3 \\ 3x_1 + x_4 &= 3 \\ x_2, x_3, x_4 &\geq 0. \end{aligned}$$

ب) أوجد حل المسألة في فقرة (أ) مباشرة إذا كانت دالة الهدف $z = x_1$. $\min z = x_1$. (٣ درجات)

مع تمنياتي لكم بالتوفيق

د. إبراهيم العليان