



لا يكتب في هذا الهامش

### - الفصل الرابع -

1 - أوجد قيمة التكامل  $\int_{\gamma} \frac{\sin(z^2)}{z^2(z^2+\pi)^2} dz$  حيث  $\gamma$  هي الدائرة  $|z|=1$  بالإنحاء الموجب.

2 - احسب التكامل  $\int_{\gamma} \frac{\cosh(z)}{z(z-i\pi)^2} dz$  حيث  $\gamma$  الدائرة  $|z|=4$  بالإنحاء الموجب.

3 - أوجد قيمة التكامل  $\int_{\gamma} \frac{e^z}{z^2+1} dz$  حيث  $\gamma$  الدائرة التي مركزها  $i$  ونصف قطرها 1.

4 - أوجد  $\int_{\gamma} \frac{\sin(z)}{9z^2-\pi^2} dz$  حيث  $\gamma$  هو المربع الذي رؤوسه  $(2, 2-i), (2-i, -2-i), (-2-i, -2), (-2, -2)$  بالإنحاء الموجب.

5 - أوجد قيمة التكامل  $\int_{\gamma} z e^{z^2} dz$  حيث  $\gamma$  هو المنحنى  $e^{it} + i = z(t)$  ،  $-\frac{\pi}{2} \leq t \leq \frac{\pi}{2}$ .

6 - افترض  $f(z)$  دالة كلية وأن  $|f(z)| < \epsilon$  لكل  $z$  أثبت أن  $f$  ثابتة.

$$7 - \text{أثبت أن } \int_0^{\pi} e^{\cos \theta} \cos(\sin \theta) d\theta = \pi$$

8 - افترض أن  $f(z)$  كلية على مجال بسيط الترابط  $D$ ، وأن  $\gamma$  منحنى مغلق بسيط في  $D$ ، لكن  $\gamma$  في  $D$  وليست على  $\gamma$ ، أثبت أن

$$\int_{\gamma} \frac{f'(z)}{z-z_0} dz = \int_{\gamma} \frac{f(z)}{(z-z_0)^2} dz$$

9 - افترض أن  $f$  دالة كلية وأن  $\operatorname{Re}(f(z))$  محدودة، أثبت أن  $f$  ثابتة.

10 - لتكن  $f$  دالة كلية وأن  $|f(z)| \leq |z|^2$  لجميع قيم  $|z|$  الكبيرة جداً، وافضياً مثل  $|z| > 0$ ، أثبت أن  $f$  يجب أن تكون كثيرة حدود من الدرجة الثانية.