

ملاحظة : رتب أجوبتك في الدفتر حسب ترتيب ورود الاسئلة.

اعتن بوضوح الخط و عرض الاجابة.

- 1- أثبت أن $(\cos(\theta) + i \sin(\theta))^n = \cos(n\theta) + i \sin(n\theta)$ لكل $n \in \mathbb{Z}$ ، ثم استخدم الصيغة لحساب قيمة المقدار $(1+i)^{100}$.
- 2- أوجد صورة المستطيل الذي رؤوسه $(1, \pi), (2, \pi), (1, 2\pi), (2, 2\pi)$ تحت تأثير الدالة e^z ، مع الشرح.
- 3- اذا كانت f متصلة على D و توجد لها مشتقة عكسية F على نفس المجال ، فأثبت أن f تحليلية على D .
- 4- أثبت مبرهنة ليوفيل ، ثم استخدمها لإثبات أن $\sin(z)$ غير محدودة.
- 5- أوجد جميع القيم الممكنة للمقدار $(1+i\sqrt{3})^{(1+i)}$.
- 6- أوجد مفكوك لورانت للدالة $f(z) = \frac{1}{z(z^2+1)}$ في جميع النطاقات الممكنة.
- 7- أوجد $\int_{\gamma} \frac{(\cos(z)-1)dz}{z^5(z^2-\pi^2)}$ ، حيث γ هي الدائرة $|z|=4$ بالاتجاه الموجب.
- 8- استخدم الرواسب لحساب $\int_{-\infty}^{\infty} \frac{x \sin(x) dx}{x^4+4}$.