

تمارين

١٠٠ احص

"مقدمة في الإحصاء"

## **الفصل الأول**

### **مقدمة في الإحصاء والاحتمالات**

#### **السؤال الأول**

ضعي علامة (✓) أمام العبارة الصحيحة وعلامة (✗) أمام العبارة الخاطئة.

- ( ) ١- الإحصاء هي شيء يمثل المجتمع.
- ( ) ٢- معلمة هي خاصية من خواص العينة.
- ( ) ٣- يجب إجراء الدراسة على العينة في حالة تعرض الأفراد محل الدراسة للتلف.
- ( ) ٤- المعلمة هي شيء يميز المتغير.
- ( ) ٥- البيانات الوصفية هي البيانات التي تناول فيها الأفراد والمجتمع بمقاييس كمية.

#### **السؤال الثاني**

ضعي خط تحت الإجابة الصحيحة

- ١- تسمى الخاصية التي تميز المجتمع (العينة - المعلمة - الإحصاء).
- ٢- العينة هي (كل المجتمع - أي جزء من المجتمع - جزء يمثل المجتمع تمثيلاً جيداً).

#### **السؤال الثالث**

أكمل ما يلي

١- من مميزات الدراسة على العينة بدلاً من المجتمع كله:

..... أ-

..... ب-

..... ت-

..... ٢- العينة هي .....

..... ٣- ..... هي شيء يميز المجتمع الإحصائي.

- ٤- يعرف المجتمع على أنه ..... وينقسم إلى ..... و .....
- ٥- ..... هي شيء يميز العينة وتحتار العينة بحيث أنها .....
- ٦- يمكن الحصول على البيانات الإحصائية من مصادر ..... أو مصادر ..... وتنقسم إلى بيانات ..... مثل ..... وبيانات ..... مثل .....

#### السؤال الرابع

عيني نوع المتغير (مستمر أو متقطع) في كل من الحالات التالية:

- ١- عدد السيارات المباعة يومياً من الشركة العامة للسيارات.
- ٢- درجات الحرارة المقاسة كل نصف ساعة في محطة الأرصاد الجوية.
- ٣- الدخل السنوي في أحدى الجامعات.
- ٤- عدد الكتب على رف في مكتبة.
- ٥- سرعة السيارة بالأميال في الساعة.
- ٦- عدد الطلبة المقبولين في جامعة ما في عدة سنوات.

#### السؤال الخامس

حددي كل من : اسم المتغير، نوع البيانات، مجتمع الدراسة و حجم العينة.

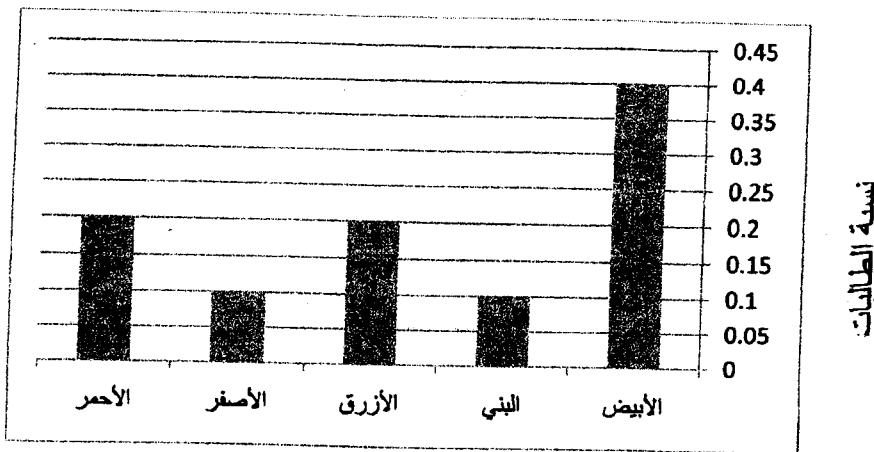
- ١- دراسة على عينة من 50 طفل دون سن الخامسة لمعرفة اللعبة التي يفضلها كل منهم.
- ٢- دراسة على عينة من 55 طفل سعودي ذوي عمر 9 سنوات لمعرفة ما إذا كان الطفل قد أصيب بالحصبة أم لا.
- ٣- دراسة لتحديد عدد المرات التي أصيب بها الطفل في سن 5 سنوات بالتهاب الأذن على عينة من 50 طفل في مدينة الرياض.
- ٤- عينة من 100 مريض بالسرطان يراد قياس مدة الحياة بعد التشخيص.
- ٥- دراسة على عينة من الأطفال مكونة من 90 طفل ذو عمر 6 شهور لتحديد محيط الرأس بالسانتيمتر.
- ٦- دراسة لقياس مقدار النقص في الوزن بالكيلو جرام لعينة من 15 شخص سعودي ذو الأوزان الكبيرة ويتبعون نظام غذائي معين.

- ٧- دراسة لتحديد أسباب زيارة عيادة طبية الأسنان لعينة من المتربدين على أحد مراكز الرعاية الصحية.
- ٨- دراسة على نوع المشروب المفضل لعينة من الطالبات في جامعة الملك سعود في مدينة الرياض.
- ٩- دراسة على عينة من النساء العوامل لقياس الوقت بالساعات الذي تقضيه في المستشفى قبل الولادة.
- ١٠- دراسة لأراء مجموعة من الطالبات اللاتي يدرسن مقرر 100 إ حص في كلية العلوم عن مستوى الاختبار للمقرر.
- ١١- دراسة للزمن الذي تقطعه حافلة الجامعة في المسافة بين سكن الطالبات ومركز العلوم والدراسات الطبية على عينة من 50 طالبة.
- ١٢- دراسة لأوزان عينة من 40 طفل حديثي الولادة بالكيلو جرام في احدى المستشفيات خلال شهر معين في مدينة الرياض.
- ١٣- دراسة لتخصص عينة من 50 طالبة في كلية العلوم في الفصل الدراسي الثاني لعام ١٤٣٣ هـ ١٤٣٢ هـ.
- ١٤- دراسة لعدد الزيارات لعيادة طبيب الأسنان التي قامت بها 20 سيدة خلال عام في مدينة الرياض.

الفصل الثاني  
تنظيم البيانات وعرضها جدولياً

السؤال الأول

استخدمي الشكل البياني التالي في الإجابة على الأسئلة التالية

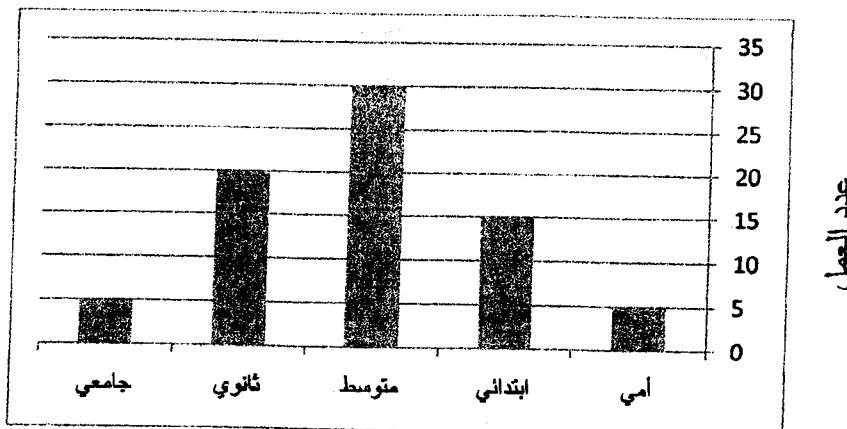


اللون المفضل

- ١- ما اسم الشكل البياني؟
- ٢- ما اسم المتغير؟
- ٣- ما نوع هذه البيانات؟
- ٤- أوجدي منوال اللون المفضل؟
- ٥- أكتب جدول التوزيع التكراري لهذا الشكل البياني.
- ٦- إذا كان حجم العينة 100 طالبة أوجدي
  - أ- عدد الطالبات اللاتي يفضلن اللون الأزرق.
  - ب- اللون الأقل تفضيلاً بين الطالبات.
  - ت- النسبة المئوية للطالبات اللاتي يفضلن اللون الأحمر.

### السؤال الثاني

الشكل البياني التالي يمثل مستوى التعليم لعينة من العمال القادمين إلى المملكة



مستوى التعليم

- ١- ما اسم الشكل البياني؟
- ٢- ما هو عدد العمال الذين يقل مستوى التعليم لديهم عن الثانوي؟
- ٣- ما هي النسبة النبوية لعدد العمال الذين يزيد مستوى التعليم لديهم عن متوسط؟
- ٤- أوجدي المنسوب لمستوى التعليم.

### السؤال الثالث

التوزيع التكراري التالي يبين توزيع عينة من 50 زهرة مختلفة حسب اللون

النـسـمـاـت	اللون
0.2	الأـحـمـر
0.24	الـأـصـفـر
0.16	الـأـخـضـر
0.3	الـأـزـرـق
0.1	الـأـيـيـض

- ١- اسم المتغير هو  
أ- الزهـرات ب- اللـون ت- الأـيـيـض
- ٢- النسبة النبوية للزهـرات الـبـيـضـاء هي  
أ- 0.1 ب- 5% ت- 10%

٣- نوع البيانات هي

أ- كمية بـ وصفية مرتبة تـ وصفية غير مرتبة

٤- منوال اللون هو

أ- 0.3 بـ 15 تـ الأزرق

٥- عدد الزهارات الزرقاء هو

أ- 0.3 بـ 15 تـ 50

#### السؤال الرابع

عملت دراسة عن الحالة الاجتماعية لـ 30 موظف في إدارة الجوازات وكانت النتائج في الجدول التالي:

النكرار	الحالة الاجتماعية
10	أعزب
7	متزوج
	مطلق
6	أرمل
	المجموع

أكمل الجدول ثم أجبني عن الأسئلة:

١- ما هو المجتمع والمتغير ونوعه وحجم العينة؟

٢- عدد الموظفين المتزوجين هو .....

٣- عدد الموظفين المطلقات هو .....

٤- نسبة الموظفين العزاب هو .....

٥- التكرار المئوي لعدد الموظفين الأرامل هو .....

٦- أوجدي المقاييس الممكنة.

٧- ما الحالة الأكثر تكراراً بين الموظفين؟

### السؤال الخامس

سئلـت 15 طالبة عن مستوى الاختبار لمقرر 100 احص وكانت النتائج في الجدول التالي

النـسـبـيـ	مـسـطـوـيـ الـاـخـتـيـلـ
0.2	سـهـلـ
0.27	مـتوـسـطـ
	فـوـقـ المـتـوـسـطـ
0.33	صـعـبـ
	المـجـمـوعـ

- ١ - ما هو المجتمع؟
- ٢ - ما حجم العينة؟
- ٣ - ما هو المتغير ونوعه؟
- ٤ - ما التكرار النـسـبـيـ للـطـالـبـاتـ الـلـاتـيـ كـانـتـ إـجـابـتـهـنـ صـعـبـ؟
- ٥ - ما نسبة الطـالـبـاتـ الـلـاتـيـ كـانـتـ إـجـابـتـهـنـ صـعـبـ وـفـوـقـ المـتـوـسـطـ؟
- ٦ - ما التكرار المـنـوـيـ للـطـالـبـاتـ الـلـاتـيـ كـانـتـ إـجـابـتـهـنـ أـقـلـ مـنـ مـتـوـسـطـ؟
- ٧ - مـاـعـدـدـ الطـالـبـاتـ الـلـاتـيـ كـانـتـ إـجـابـتـهـنـ سـهـلـ؟
- ٨ - ما هو المنوال؟

---

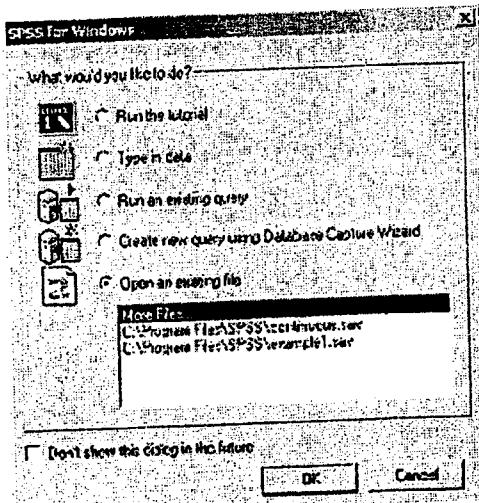
# تطبيقات SPSS

## مقدمة:

في ظل التقدم الهائل في مجال الحاسوبات الإلكترونية تم تصميم مجموعات كثيرة من الحزم الإحصائية الظاهرة Statistical Packages وهي التي تحتوى على عدد كبير من البرامج التي تقوم بتصنيف وتحليل البيانات الإحصائية، ومن هذه الحزم حزمة SPSS وهي الأكثر استخداماً في التحليلات الإحصائية.

### \* كيفية تشغيل SPSS

بالنقر مرتين Double Click بالزر الأيسر للفارة على الأيقونة الخاصة بـ SPSS الموجودة على سطح المكتب Desk Top يتم فتحه و هنا تظهر الشاشة كما يلى:



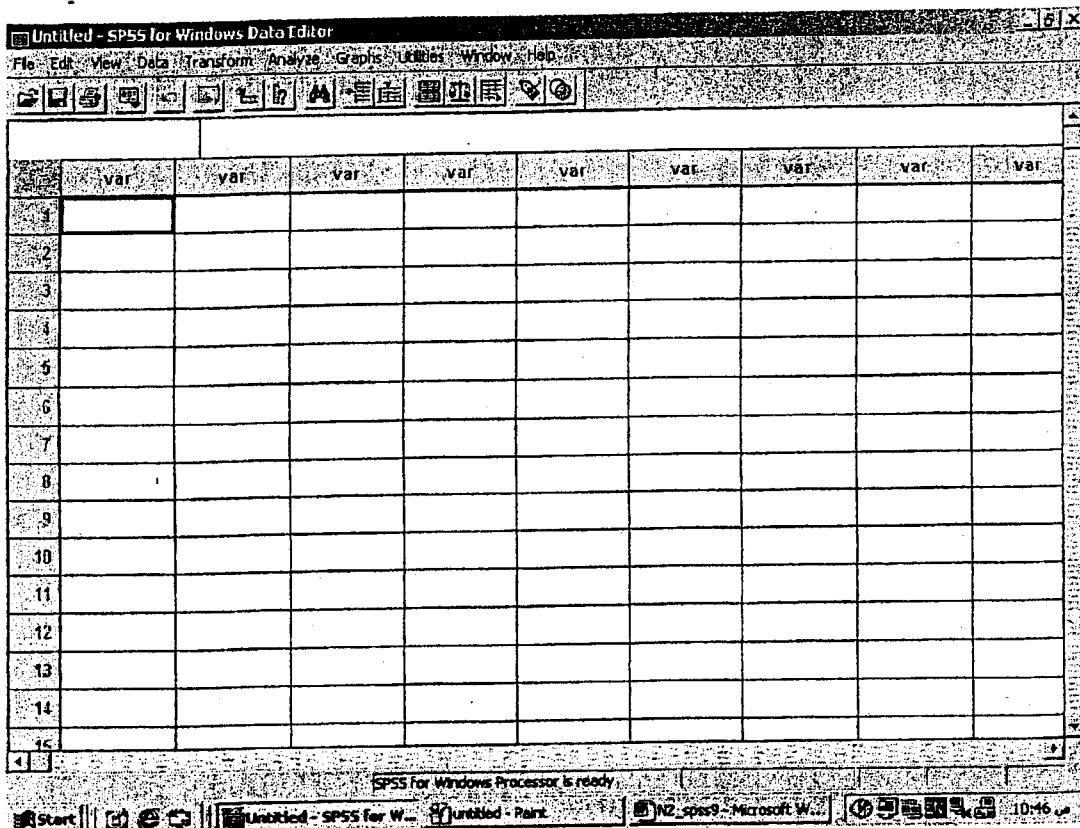
شكل رقم (1)

وفي هذا الشكل نجد أنه

- باختيار "Run the tutorial" يمكن تشغيل البرنامج التعليمي الذي يحتوى على معلومات كثيرة عن هذه الحزمة.
- و باختيار "Type in data" يتم إدخال بيانات جديدة.
- أما باختيار "Open an existing file" فيتم فتح ملف سبق تذرره.
- ولعدم ظهور هذه اللوحة مرة أخرى يمكن الضغط على ".Don't show this dialog in the future"

## • إدخال البيانات:

لإدخال بيانات جديدة يتم اختيار "Type in data" من اللوحة السابقة فيظهر الشكل التالي:



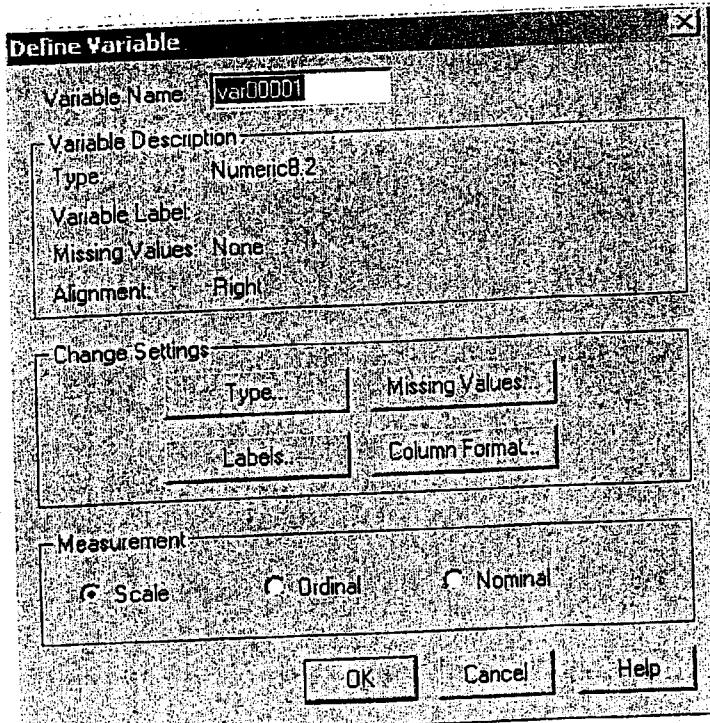
شكل رقم (٢)

وهنا يتم إدخال البيانات حيث كل عمود يعبر عن متغير معين و الصفوف تعبر عن مشاهدات هذا المتغير ويلاحظ أن رقم آخر صف يتم إدخاله يمثل عدد المشاهدات (حجم العينة) . أي أن مشاهدات كل متغير على حدة يتم إدخالها رأسياً .

- فعند الضغط بالفأرة على أول عمود من جهة اليسار يمكن كتابة أول قيم المتغير في السطر الأول .

- وعند الضغط على زر Enter ننتقل إلى الخانة السفلية لنفس العمود لنكتب القيمة التالية لهذا المتغير، وهكذا حتى ندخل جميع مشاهدات هذا المتغير .

- ونلاحظ أن اسم المتغير وهو الذي يظهر على رأس العمود الأول أصبح var00001 عند إدخال أول قيمة له ولتغييره نقر مرتين عندما وهنا تظهر شاشة "Define Variable" في الشكل التالي:



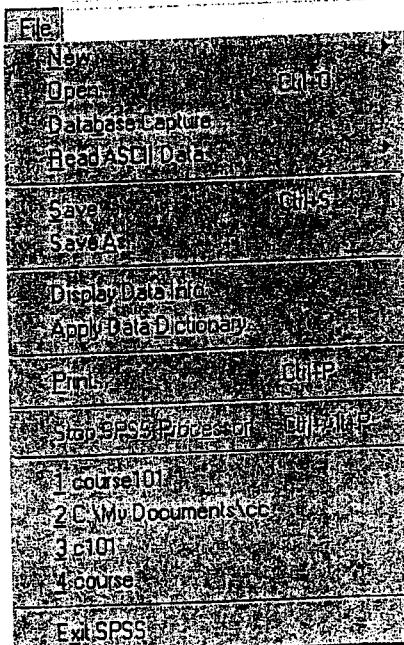
شكل رقم (٣)

ومن خلالها نستطيع تسمية المتغير ويكتب الاسم في المستطيل "Variable Name" ويمكن تسمية المتغير أي اسم بشرط أن يكون من ثماني حروف أو أرقام أو خليط منها بحيث تكون البداية حرف .

- وبعد الانتهاء من كتابة الاسم نضغط على Ok فنجد الاسم الذي كتبناه ظهر على رأس العمود الأول .
- وباتباع الخطوات السابقة يمكن إدخال القيم الخاصة بباقي المتغيرات في الأعمدة التالية

### \* تخزين البيانات:

للحفاظ بالبيانات التي تم إدخالها حتى يتم استدعائها عند الحاجة فإنه يجب تخزينها ويتم ذلك عن طريق اختيار File من المستطيل العلوي من شكل رقم (٢) وهنا تظهر قائمة كما يلي:

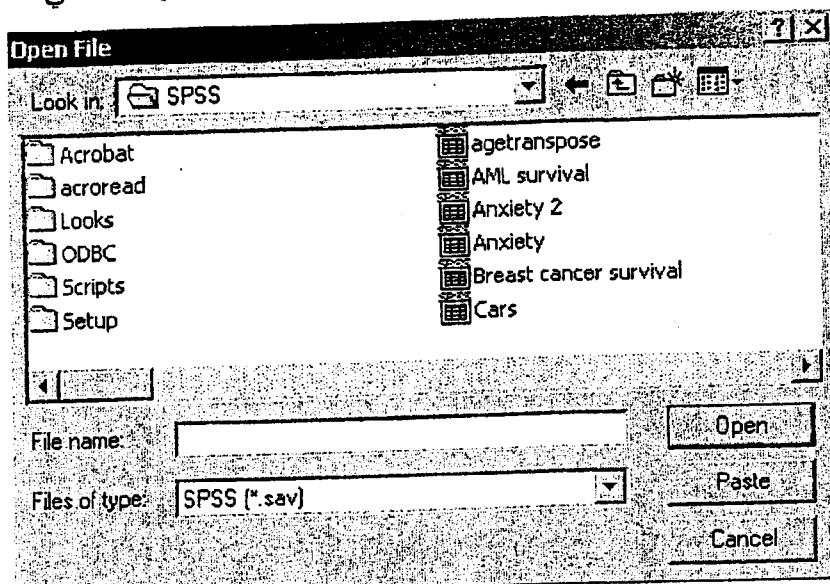


شكل رقم (٤)

ومنها يتم اختيار Save وبالضغط عليها يمكن تسمية الملف أى اسم مكون من أى عدد من الحروف أو الأرقام أو الرموز أو خليط منهم بحيث تكون البداية حرف . وللخروج نهائياً من SPSS نضغط أيضاً على File ونختار Exit SPSS

## \*استدعاء البيانات\*

لاستدعاء ملف بيانات تم تخزينه من قبل وذلك لتعديل البيانات أو تحليلها فإنه باختيار File من المستطيل العلوي وباختيار Open من القائمة شكل رقم (٤) تظهر قائمة في الشكل التالي:



شكل رقم (٥)

وبكتابة اسم الملف المراد فتحه عند "File name" وبالضغط على Open نجد الملف المطلوب

# أولاً، استخدام SPSS في تلخيص وعرض وتوسيعه

## بياناته الكمية المترتبة.

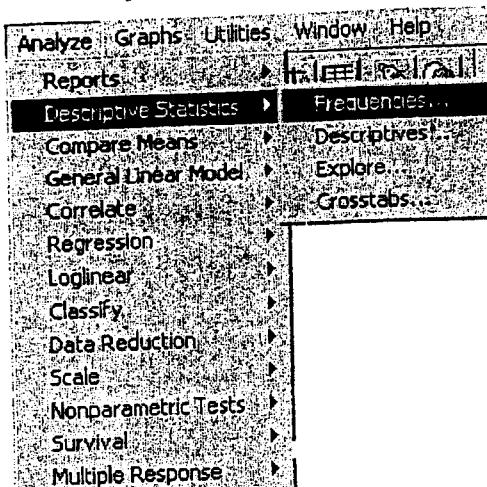
يمكن عمل جدول تكراري للبيانات الكمية المترتبة وتمثل هذه البيانات باستخدام الأعمدة الرئيسية وحساب المقاييس الإحصائية المختلفة لها.

### مثال ١:

بافتراض اختيار 20 سيدة بطريقة عشوائية من بين السيدات اللاتي يقطنن أحد المجتمعات السكنية وبسؤال كل منهن عن عدد أطفالهن كانت البيانات كما يلي:  
5, 2, 4, 2, 3, 2, 4, 2, 3, 1, 2, 4, 3, 2, 3, 5, 2, 4, 1, 2  
ويتم إدخال هذه البيانات رأسياً بالطريقة السابقة وتسمية المتغير "Nochild" مثلاً ثم تخزينها في ملف باسم "Discrete.sav".

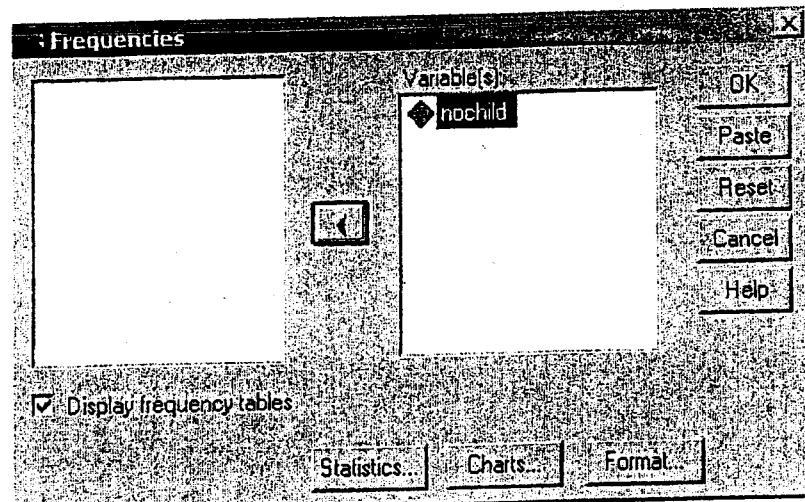
### \* لعمل جدول تكراري لمدنه البيانات فأدناه تتبع الخطوات التالية:

- يتم اختيار Analyze من المستطيل العلوي في الشاشة.
- ومن القائمة التي تظهر نختار Descriptive Statistics.
- ومن القائمة الجانبية نختار Frequencies كما في الشكل التالي:



شكل رقم (٦)

- وهذا تظهر لوحة نجد في الجزء الأيسر منها اسم المتغير الذي أدخلنا بياناته وهو "Nochild".
- وبالإشارة إلى "Nochild" وبالضغط على السهم ▶ ينتقل إلى الجزء الأيمن من اللوحة كما يلي:



شكل رقم (٧)

ونذلك يفهم منه أننا نريد عمل جدول تكراري لهذا المتغير .  
- وبالضغط على Ok يظهر جدولين الأول منهما يوضح عدد مشاهدات هذا المتغير  
والثاني تساوى 20 (حيث أنه لا يوجد مشاهدات مفقودة Missing Values) وهذا  
الجدول يظهر في الشكل:

NOCHILD	
N	Valid
	20
	Missing
	0

شكل رقم (٨)

- والجدول الثاني هو الجدول التكراري ويظهر في الشكل:

NOCHILD					
	Frequency	Percent	Valid Percent	Cumulative Percent	
Valid 1.00	2	10.0	10.0	10.0	
2.00	8	40.0	40.0	50.0	
3.00	4	20.0	20.0	70.0	
4.00	4	20.0	20.0	90.0	
5.00	2	10.0	10.0	100.0	
Total	20	100.0	100.0		

شكل رقم (٩)

ومن هذا الجدول يتضح ما يلي:

١- من العمود الأول نلاحظ أن المتغير "Nochild" يأخذ الأرقام من 1 إلى 5، أي أن عدد الأطفال لـ ١ لـ ٥ السيدات يتراوح بين طفل واحد إلى خمسة أطفال .

٢- عمود ال Frequency يوضح التكرار بمعنى أن هناك: سيدتان لديهما طفل واحد .

و ثمانية سيدات لديهن طفلين .

و أربع سيدات لديهن ثلاثة أطفال .

وهنالك أربع سيدات لديهن أربعة أطفال .

وأخيراً فإن هناك سيدتين فقط لديهما خمسة أطفال .

-٣- أما عمود الـ "Percent" فهو يوضح النسبة المئوية للتكرار أو ما يسمى بالتكرار النسبي المئوي، أي أن:

- 10% من السيدات لديهن طفل واحد.
- و 40% منهن لديهن طفلين.
- و 20% لديهن ثلاثة أطفال.
- و 20% آخريات لديهن أربعة أطفال.
- وأخيراً فإن هناك 10% من السيدات لديهن خمسة أطفال.

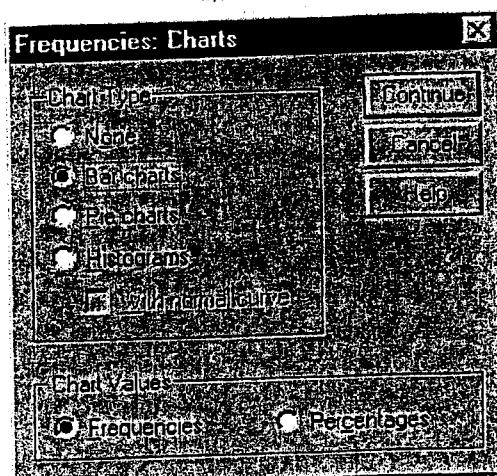
-٤- و نجد أن عمود الـ "Valid Percent" هنا في هذه الحالة هو نفسه عمود الـ "Percent" ولكن يكون هناك فرق بينهما في حالة وجود مشاهدات مفقودة لأن ترفض سيدة مثلاً أو تنسى الإجابة على السؤال الخاص بعمرها أو يتغدر الوصول لإحدى السيدات اللاتي تم اختيارهن ضمن العينة، و هنا فإنه عند إدخال البيانات يتم كتابة رقم مختلف يتم تعريفه فيما بعد على أنه "Missing" وبالتالي فإن الـ "Valid Percent" المقصود بها حساب التكرار النسبي المئوي بعد استبعاد هذه المشاهدة (أو المشاهدات) المفقودة.

-٥- وأخيراً فإن عمود الـ "Cum Percent" يوضح التكرارات المئوية تجميع متالي فنجد أن:

- 10% من السيدات لديهن طفل واحد.
- و 50% لديهن طفلين أو أقل.
- و 70% لديهن ثلاثة أطفال أو أقل.
- و 90% لديهن أربعة أطفال أو أقل.
- وأخيراً فإن هناك 100% من السيدات لديهن خمسة أطفال أو أقل.

#### • لتمثيل هذه البيانات ببيانها فإنها تتبع الخطوات التالية:

- يتم اختيار Analyze من المستطيل العلوي في الشاشة ثم "Descriptive Statistics" يليها Frequencies كما في شكل رقم (٦).
- وهنا تظهر اللوحة شكل رقم (٧).
- ومنها وفي الجزء السفلي نضغط على Charts فتظهر اللوحة التالية:

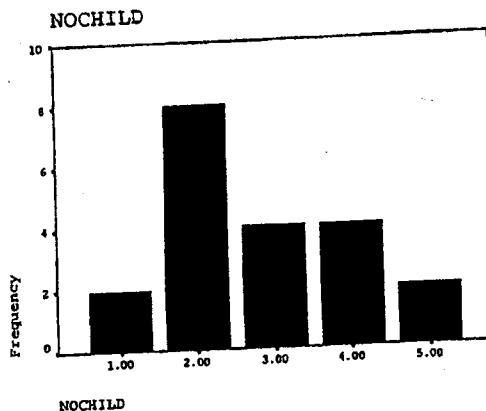


شكل رقم (١٠)

- ومن المستطيل الخاص بـ Chart Type نختار Bar Chart وذلك لتمثيل البيانات بالأعمدة المستطيلة.

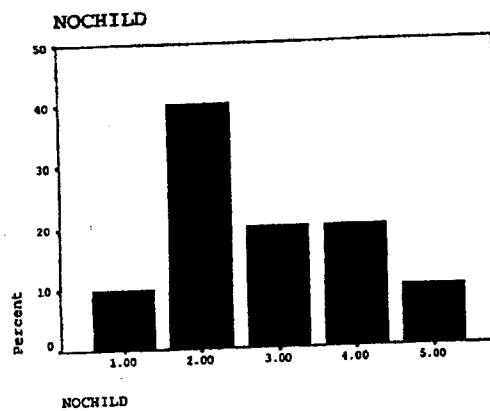
- ومن المستطيل الخاص بـ Chart Values نختار Frequencies وذلك لتمثيل التكرار الأصلي على المحور الرأسي، بينما لو اخترنا Percentages فإن التكرار النسبي هو الذي يتم تمثيله على المحور الرأسي .

- وبالضغط على Continue نعود إلى اللوحة الخاصة بعمل جدول تكراري ومنها نضغط على Ok وهنا يظهر الجدول التكراري السابق بالإضافة إلى الشكل البياني التالي الذي يوضح التكرار الأصلي:



شكل رقم (١١)

وباتباع نفس الخطوات السابقة ولكن باختيار Percentages من المستطيل الخاص بـ "Chart Values" فإن الشكل البياني الذي يوضح التكرار النسبي يظهر كما يلي:

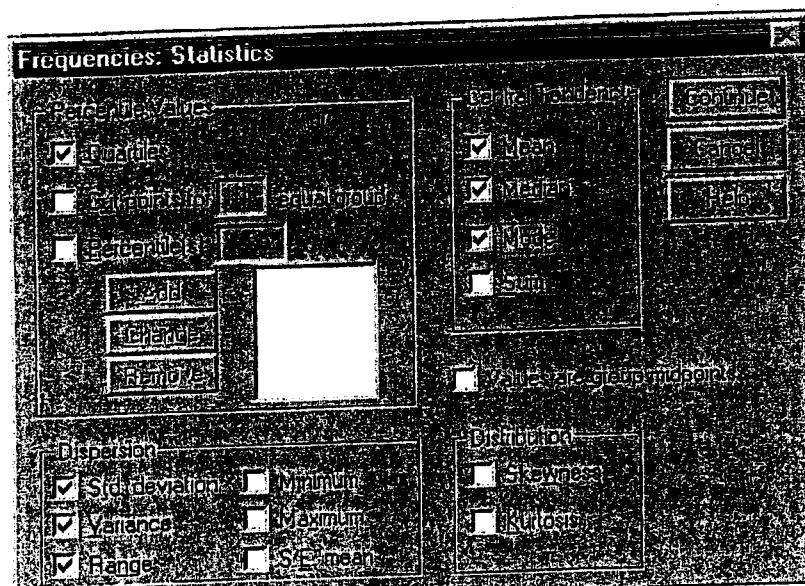


شكل رقم (١٢)

#### \* لحساب المقادير الإحصائية لصفة البيانات فأنها تتبع الخطوات التالية:

- يتم اختيار Analyze من المستطيل العلوي في الشاشة ثم "Descriptive Statistics" يليها Frequencies كما في شكل رقم (٦) .

- وبعد ظهور اللوحة شكل رقم (٧) نضغط على Statistics فتظهر اللوحة التالية:



شكل رقم (١٣)

- ومن المستطيل الخاص بـ "Central Tendency" (مقاييس النزعة المركزية) نختار كل من الـ Mean (الوسط الحسابي) والـ Median (الوسيط) والـ Mode (المنوال).
- ومن المستطيل الخاص بـ Dispersion (مقاييس التشتت) نختار كل من الـ Std. deviation (الانحراف المعياري) والـ Variance (التبان) والـ Range (المدى).
- ومن المستطيل الخاص بـ Percentile Values (المئنات) نختار الـ Quartiles (وهنا يظهر كل من الربع الأول والثاني والثالث).
- بالضغط على Continue نعود إلى اللوحة شكل رقم (٧) ومنها نضغط على Ok وهنا يظهر الجدول التالي الذي يوضح المقاييس الإحصائية.

Statistics		
NOCHILD		
N	Valid	20
	Missing	0
Mean		2.8000
Median		2.5000
Mode		2.00
Std. Deviation		1.1965
Variance		1.4316
Range		4.00
Percentiles	25	2.0000
	50	2.5000
	75	4.0000

شكل رقم (١٤)

ومن هذا الجدول يتضح أن:

- الوسط الحسابي لعدد أطفال هؤلاء السيدات يساوي 2.8
- والوسيط لهم يساوي 2.5
- والمنوال يساوي 2

- أما الانحراف المعياري فقيمة 1.1965
- والتباين قيمته 1.4316
- والمدى يساوي 4
- بينما الربيع الأول (القيمة التي تساويها أو تسبقها 25% من البيانات) يساوي 2
- والربيع الثاني أو الوسيط (القيمة التي تساويها أو تسبقها 50% من البيانات) يساوي 2.5
- والربيع الثالث (القيمة التي تساويها أو تسبقها 75% من البيانات) يساوي 4

## ثانياً: استخدام الـ SPSS في تلخيص وعرض

### وتحصيف البيانات الكمية المتصلة

يمكن عمل جدول تكراري للبيانات الكمية المتصلة باستخدام الفئات وتمثيل هذه البيانات باستخدام المدرج التكراري وحساب المقاييس الإحصائية المختلفة لها .  
مثال ٢:

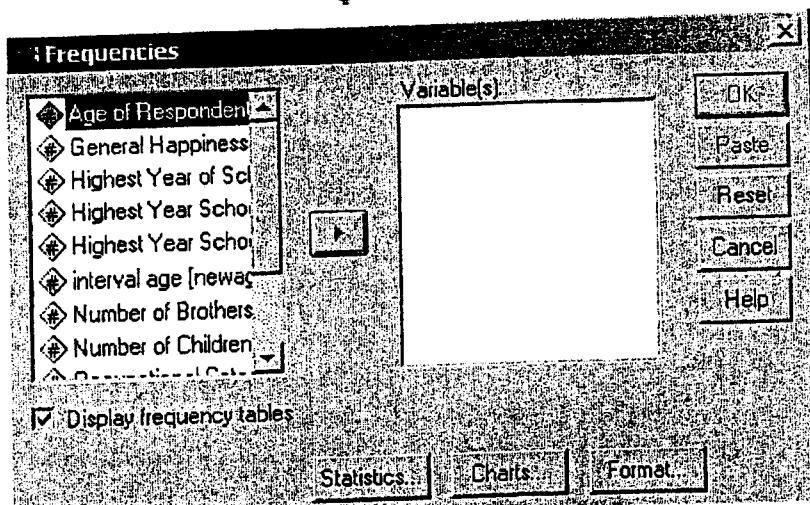
بافتراض اختيار 100 مريض بطريقة عشوائية من بين المرضى المترددين على إحدى العيادات الشهر الماضي حيث كانت بيانات أعمارهم على النحو التالي :

34	24	22	60	46	22	23	60	41	28	32	47	23	49	25	35	48	30	29	23
30	46	43	72	30	40	44	26	67	34	31	79	32	45	38	42	52	32	55	70
40	67	75	21	29	36	41	25	35	48	40	33	28	67	72	35	35	37	64	26
51	23	49	47	28	35	65	52	25	27	54	25	53	22	30	69	67	51	49	41
68	48	61	28	36	54	40	22	48	44	22	20	21	27	68	50	52	30	60	66

وبافتراض أنه تم إدخال هذه البيانات وتسمية المتغير Age وتخزينها في ملف باسم "Continuous.sav"

\* لعمل جدول تكراري لصده البيانات فإننا نتبع الخطوات التالية:

- يتم اختيار Analyze ثم "Descriptive Statistics" يليها Frequencies كما في شكل رقم (٦) .
- وبعد ظهور لوحة المتغيرات في الشكل التالي :



شكل رقم (١٥)

نشير إلى المتغير Age من قائمة المتغيرات التي تظهر في الجزء الأيسر ونضغط على السهم ▶ لكي ينتقل إلى الجزء الأيمن .  
وبالضغط على ok يظهر الجدول التالي الذي يوضح عدد مشاهدات هذا المتغير والتي تساوى 100 (حيث أنه لا يوجد مشاهدات مفقودة Missing Values) وهذا الجدول يظهر في الشكل :

#### Statistics

Age of Respondent	
N	Valid
	100
	Missing 0

شكل رقم (١٦)

يليه جدول تكراري به عدد كبير جداً من الأعمار حيث يتكرر كل عمر عدد قليل من المرات كما في الشكل التالي :

**Age of Respondent**

		Frequency	Percent	Valid Percent	Cumulative Percent
Valid	20	1	1.0	1.0	1.0
	21	2	2.0	2.0	3.0
	22	5	5.0	5.0	8.0
	23	4	4.0	4.0	12.0
	24	1	1.0	1.0	13.0
	25	4	4.0	4.0	17.0
	26	2	2.0	2.0	19.0
	27	2	2.0	2.0	21.0
	28	4	4.0	4.0	25.0
	29	2	2.0	2.0	27.0
	30	5	5.0	5.0	32.0
	31	1	1.0	1.0	33.0
	32	3	3.0	3.0	36.0
	33	1	1.0	1.0	37.0
	34	2	2.0	2.0	39.0
	35	5	5.0	5.0	44.0
	36	2	2.0	2.0	46.0
	37	1	1.0	1.0	47.0
	38	1	1.0	1.0	48.0
	40	4	4.0	4.0	52.0
	41	3	3.0	3.0	55.0
	42	1	1.0	1.0	56.0
	43	1	1.0	1.0	57.0
	44	2	2.0	2.0	59.0
	45	1	1.0	1.0	60.0
	46	2	2.0	2.0	62.0
	47	2	2.0	2.0	64.0
	48	4	4.0	4.0	68.0
	49	3	3.0	3.0	71.0
	50	1	1.0	1.0	72.0
	51	2	2.0	2.0	74.0
	52	3	3.0	3.0	77.0
	53	1	1.0	1.0	78.0
	54	2	2.0	2.0	80.0
	55	1	1.0	1.0	81.0
	60	3	3.0	3.0	84.0
	61	1	1.0	1.0	85.0
	64	1	1.0	1.0	86.0
	65	1	1.0	1.0	87.0
	66	1	1.0	1.0	88.0
	67	4	4.0	4.0	92.0
	68	2	2.0	2.0	94.0
	69	1	1.0	1.0	95.0
	70	1	1.0	1.0	96.0
	72	2	2.0	2.0	98.0
	75	1	1.0	1.0	99.0
	79	1	1.0	1.0	100.0
Total		100	100.0	100.0	
Total		100	100.0	100.0	

شكل رقم (١٧)

ونجد أنه من الصعب تحليل وتفسير هذا الجدول وبالتالي من الأفضل تقسيم البيانات إلى عدد من المجموعات (الفئات).

#### \* لتقسيمه هذه البيانات إلى فئاتٍ تُتبع الخطوات التالية:

- من الممكن تقسيم البيانات السابقة إلى الفئات الآتية:

20 - 29, 29 - 30, 30 - 39, 39 - 40, 40 - 49, 49 - 50, 50 - 59, 59 - 60, 60 - 69, 69 - 70 - 79

حيث الفئة الأولى تشمل كل المرضى الذين تتراوح أعمارهم من 20 إلى 29 سنة و

الفئة الثانية تشمل كل المرضى الذين تتراوح أعمارهم من 29 إلى 39 سنة و

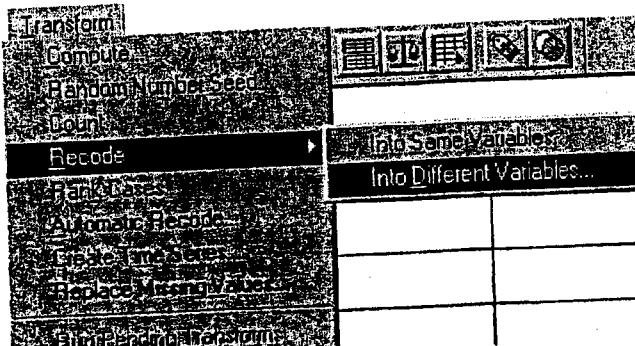
الفئة الثالثة تشمل كل المرضى الذين تتراوح أعمارهم من 39 إلى 49 سنة و

ولتقسيم البيانات بهذا الشكل على الحاسوب فإنه يتم اختيار Transform من المستطيل

العلوي في الشاشة.

- ومن القائمة التي تظهر نختار Recode حتى يتم إعادة تكويذ البيانات.

- ومن القائمة الجانبية نختار Into Different Variables كما في الشكل التالي وذلك لكي نحفظ بالبيانات الأصلية كما هي ويتم تكوين متغير جديد يحوي الفئات السابقة.

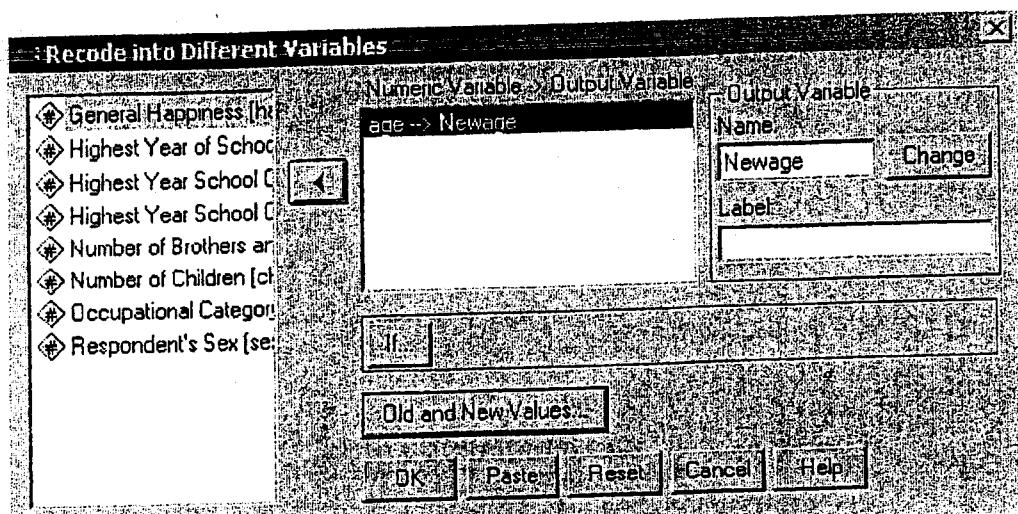


شكل رقم (١٨)

- وهنا تظهر لوحة شكل (١٩) نجد في الجزء الأيسر منها المتغير الذي يضم البيانات السابقة وهو Age.

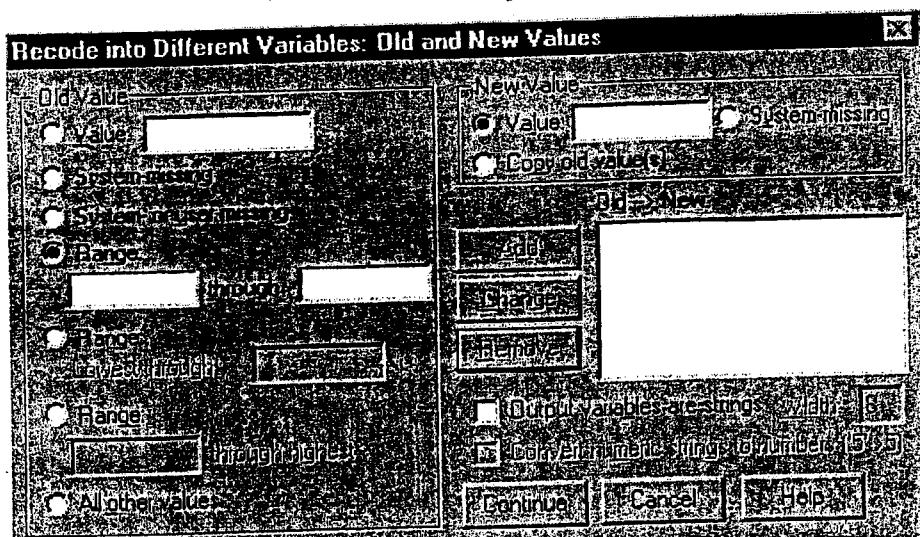
- وبالإشارة إلى Age وبالضغط على السهم ▶ ينتقل إلى الجزء الأيمن من اللوحة تحت المستطيل المسمى "Output Variable" ⇒ Output Variable "Numeric Variable" وذلك يفهم منه أننا نريد عمل إعادة تكويذ لبيانات هذا المتغير.

- وفي المستطيل الواقع أقصى اليمين المسمى "Output Variable" نكتب اسم المتغير الجديد الذي سوف يحوي الفئات ولتكن Newage وبالضغط على Change نجد أنه في المستطيل المسمى "Output Variable" ⇒ Output Variable "Numeric Variable" يظهر "Newage" أي أنه يتم إعادة تكويذ المتغير Age وتكوين المتغير الجديد Newage.



شكل رقم (١٩)

- ومن أسفل الشاشة نضغط على Old and New Values وهنا تظهر لوحة جديدة الجزء الأيسر منها تحت اسم "Old Values" والجزء الأيمن منها تحت اسم "New Values" كما في الشكل التالي:



شكل رقم (٢٠)

- وبافتراض أن عملية إعادة التكويذ تكون كما يلي :  
 المرضى الذين أعمارهم من 20 إلى 29 سنة يتم إعطائهم الكود 1  
 . و المرضى الذين أعمارهم من 30 إلى 39 سنة يتم إعطائهم الكود 2  
 . و المرضى الذين أعمارهم من 40 إلى 49 سنة يتم إعطائهم الكود 3  
 . و المرضى الذين أعمارهم من 50 إلى 59 سنة يتم إعطائهم الكود 4  
 . أما المرضى الذين أعمارهم من 60 إلى 69 سنة يتم إعطائهم الكود 5  
 . و أخيرا فإن المرضى الذين أعمارهم من 70 إلى 79 سنة يتم إعطائهم الكود 6  
 - ولكي تتم عملية إعادة التكويذ فإننا من المستطيل المسمى "Old Values" نختار الـ  through  Range في الشكل رقم (٢٠).

وهنا نكتب **29** through **20** وعند Value داخل مستطيل **Old Values** نكتب الرقم **1** ثم نضغط على Add فتظهر **1 thru 29** تحت المستطيل **Old  $\Rightarrow$  New**

ثم نكتب **39** through **30** ورقم **2** عند Value وبالضغط على Add تظهر **2 thru 39** تحت المستطيل **Old  $\Rightarrow$  New** ، وهكذا حتى نكتب **79** through **70** ورقم **6** عند Value وبالضغط على Add تظهر **6 thru 79** تحت المستطيل **Old  $\Rightarrow$  New**

وبالضغط على Continue وبالعودة إلى اللوحة الأولى نضغط على Ok فيتم تنفيذ هذا الأمر ويظهر المتغير الجديد Newage محتواه على الأرقام من **1** إلى **6** .

#### • لعمل جدول تكراري لمدح البيانات فما نتبع الخطوات التالية:

- يتم اختيار Analyze من المستطيل العلوي في الشاشة ثم Descriptive Statistics يليها Frequencies كما في شكل رقم (١٥).

- وبعد ظهور لوحة المتغيرات كما في شكل رقم (١٥) نشير إلى المتغير Newage من قائمة المتغيرات ونضغط على السهم ▶ لكي ينتقل إلى الجزء الأيمن .  
وبالضغط على Ok يظهر الجدول الذي يوضح عدد مشاهدات هذا المتغير والتي تساوى 100 أيضاً ويليه الجدول التكراري التالي:

Newage					
	Frequency	Percent	Valid Percent	Cumulative Percent	
Valid	1.00	27	27	27	27
	2.00	21	21	21	48
	3.00	23	23	23	71
	4.00	10	10	10	81
	5.00	14	14	14	95
	6.00	5	5	5	100
Total	100	100.0	100.0		

شكل رقم (٢١)

ومن هذا الجدول يتضح ما يلى:

١- من العمود الأول نلاحظ أن المتغير Newage يأخذ الأرقام من **1** إلى **6** ، وهي بالفعل الأكواد التي تم ادخالها .

٢- عمود **Frequency** يوضح أن هناك:

**27** مريض في الفئة العمرية الأولى (**20 - 29**).

و **21** مريض في الفئة العمرية الثانية (**30 - 39**) وهكذا.

٣- أما عمود **Percent** فهو يوضح أن:

**27%** من المرضى يقعوا في الفئة العمرية الأولى (**20 - 29**).

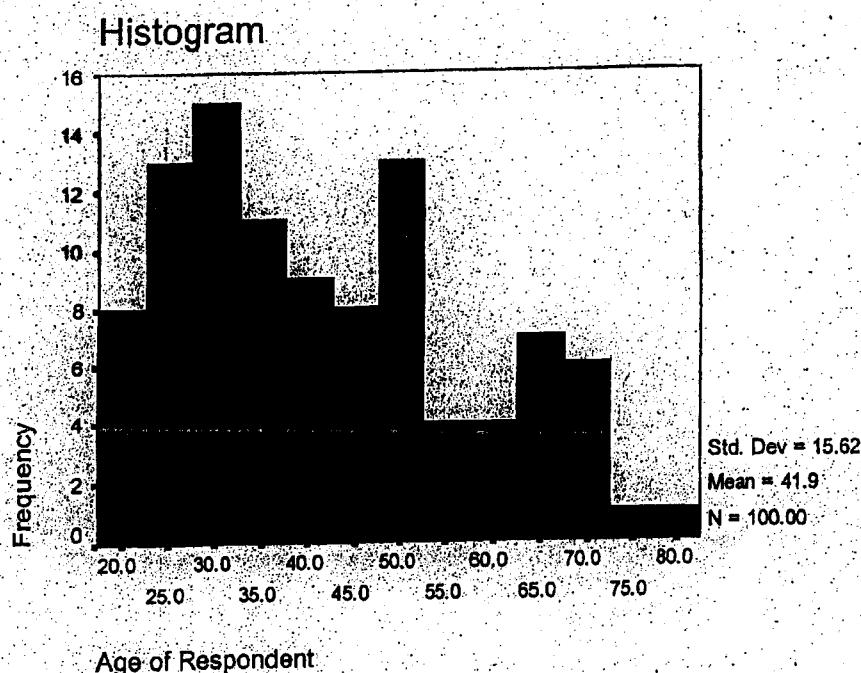
و **21%** منهم يقعوا في الفئة العمرية الثانية (**30 - 39**) وهكذا.

٤- ونجد أن عمود **Valid Percent** هنا في هذه الحالة أيضاً هو نفسه عمود **Percent**

٥- وأخيراً فإن عمود Cum Percent يوضح أن:  
 • 27% من المرضى أعمارهم تقل عن 30 سنة  
 • و 48% منهم أعمارهم تقل عن 40 سنة وهذا.

#### \* لتمثيل البيانات في بيانها فإننا تتبع الخطوات التالية:

- يتم اختيار Analyze من المستطيل العلوي في الشاشة ثم Descriptive Statistics كـ **Frequencies** كما في شكل رقم (٦) .
- وهنا تظهر اللوحة شكل رقم (١٥) وهذا نشير إلى المتغير الأصلي Age وننقله إلى الجزء الأيمن لعمل جدول تكراري له.
- ومن الجزء السفلي في هذه اللوحة نضغط على Charts فيظهر شكل رقم (١٠) .
- ومن المستطيل الخاص بـ **Type** نختار Chart Type Histogram وذلك لتمثيل البيانات بالمدرج التكراري .
- وبالضغط على Continue نعود إلى اللوحة الأصلية (شكل رقم (١٥)) ومنها نضغط على Ok وهذا يظهر الجدول التكراري السابق بالإضافة إلى المدرج التكراري كما في:

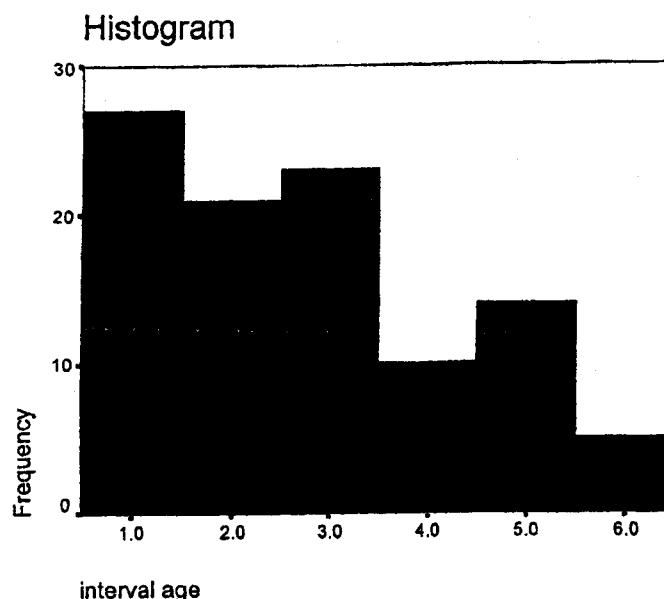


Age of Respondent

شكل رقم (٢٢)

- وجد أن المدرج التكراري يظهر في شكل أعمدة متلاصقة ارتفاع كل منها يوضح التكرار المناظر، ولكن نظراً للوجود عدد كبير من الأعمار فإنه من غير الممكن أن يرسم عمود لكل عمر يوضح التكرار الخاص به، ولكن نجد أنه تم رسم الأعمدة عند الأعمار 80, ..., 25, 30, 20 ونلاحظ أنه من الصعب تتبع هذا المدرج التكراري فمن الأفضل أن يحتوي على عدد محدود من الأعمدة ولتنفيذ ذلك تتبع أحد الأسلوبين التاليين:

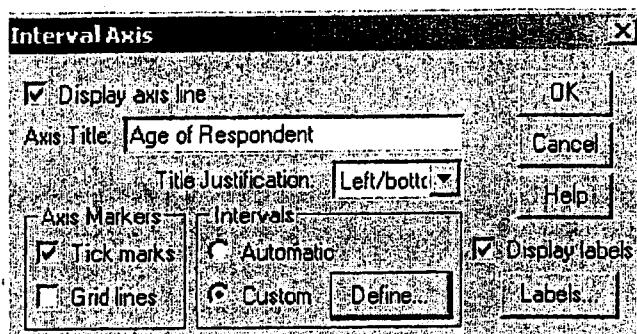
١- رسم المدرج التكراري للمتغير Newage باتباع نفس الخطوات السابقة وينظرسته أعمدة فقط توضح قيم هذا المتغير كما في الشكل التالي:



شكل رقم (٢٣)

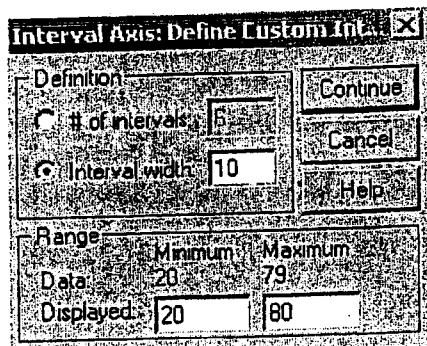
٢- تعديل رسم المدرج التكراري السابق رسمه للمتغير Age باتباع الخطوات التالية:

- بالضغط على رسم المدرج التكراري نفسه مرتين يمكن تعديله.
- وبالضغط على المحور الأفقي فإنه يمكن تعديل عدد الأعمدة التي يتم رسمها وذلك عن طريق ظهور لوحة الـ "Interval Axis" وفي المستطيل الخاص بها لا نختار Automatic بل نختار Custom وهذا ينير المربع المكتوب عليه "Define" كما في الشكل التالي:



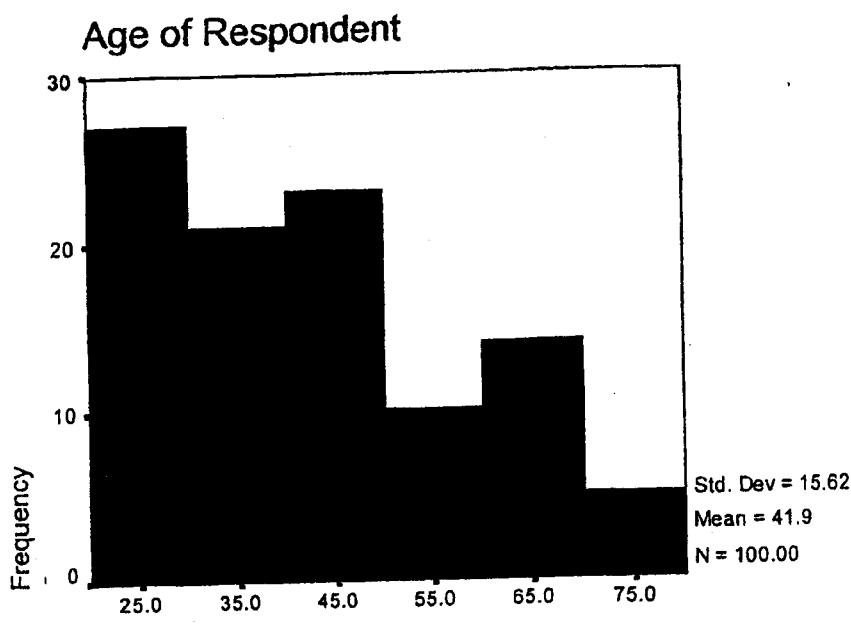
شكل رقم (٢٤)

○ وبالضغط على "Define" تظهر اللوحة التالية:



شكل رقم (٢٥)

- وهنا عند "# of intervals" نكتب 6 وهذا إذا أردنا أن يحتوي المدرج التكراري على ست أعمدة فقط.
- وعند "Interval Width" نكتب 10 أي أن طول الفئة نأخذه تقريرياً مساوياً لـ 10.
- وفي المستطيل الخاص بـ "Range" نحدد الـ Minimum بالرقم 20 والـ Maximum بالرقم 80.
- وبالضغط على Ok يظهر المدرج التكراري محتواه على 6 أعمدة فقط، كل عمود يظهر في منتصفه مركز الفئة (25,35,45,55,65,75) وارتفاع كل فئة يمثل تكرارها كما في الشكل التالي:



شكل رقم (٢٦)

### \* لحساب المقادير الإحصائية لصفة البيانات فاذها تتبع الخطوات التالية:

- يتم اختيار Analyze ثم Descriptive Statistics يليها Frequencies كما في شكل رقم (٦) .
- وهنا تظهر اللوحة شكل رقم (١٥) فتشير إلى المتغير الأصلي Age وتنقله إلى الجزء الأيمن لعمل جدول تكراري له .
- ومن الجزء السفلي في هذه اللوحة نضغط على Statistics فتظهر اللوحة رقم (١٣) .
- ومن المستطيل الخاص بـ Central Tendency نختار كل من الـ Mean والـ Median .
- ومن المستطيل الخاص بـ Dispersion نختار كل من الـ Std. deviation والـ Range والـ Variance .
- ومن المستطيل الخاص بـ Percentile Values نختار الـ Quartiles .
- وبالضغط على Continue نعود إلى اللوحة الخاصة بعمل جدول تكراري ومنها نضغط على Ok هنا يظهر الجدول التكراري كما في شكل رقم (١٧) بالإضافة إلى المقادير الإحصائية في الشكل التالي :

**Statistics**

Age of Respondent		
N	Valid	100
	Missing	0
Mean		41.91
Median		40.00
Mode		22 <sup>a</sup>
Std. Deviation		15.62
Variance		243.84
Range		59
Percentiles	25	28.25
	50	40.00
	75	52.00

a. Multiple modes exist. The smallest value is shown

شكل رقم (٢٧)

ومن هذا الجدول يتضح أن :

- الوسط الحسابي لأعمار هؤلاء المرضى يساوي 41.91 .
- والوسيط لهم يساوي 40 .
- والمنوال يساوي 22، مع ملاحظة أن هناك أكثر من منوال وهذه القيمة هي لأصغرهم كما يتضح من الحاشية السفلية للجدول .
- أما الانحراف المعياري فقيمه 15.62 .
- والتباين قيمته 243.84 .
- والمدى يساوي 59 .
- بينما الربيع الأول يساوي 28 .
- والربيع الثاني أو الوسيط يساوي 40 .
- والربيع الثالث يساوي 52 .

### اسئلة متنوعة

١) إذا كانت درجات مجموعة من الطالبات في الامتحان النهائي لمادة الإحصاء على النحو

التالي:

55, 53, 37, 44, 57, 52, 55, 48, 51, 58, 51, 49, 42, 35, 36, 47, 33, 48,  
40, 36, 44, 54, 55, 47, 39.

باستخدام برنامج SPSS فإن

أ- عدد الطالبات الحاصلات على الدرجة 44.

4 (d) 25 (c) 1 (b) 2 (a)  
(e) لا يوجد

ب- نسبة الطالبات الحاصلات على درجة أقل من أو تساوي 40 هي

0.76 (e) 0.72 (d) 0.24 (c) 0.28 (b) 0.4 (a)

ت- النسبة المئوية للطالبات الحاصلات على درجة أكبر من 50 هي

68% (e) 40% (d) 28% (c) 32% (b) 8% (a)

ث- الوسط الحسابي لدرجات الطالبات

25 (e) 48 (d) 39.5 (c) 46.64 (b) 1166 (a)

ج- منوال درجات الطالبات

(e) لا يوجد 48 (d) 39.5 (c) 55 (b) 3 (a)

ح- الإنحراف المعياري لدرجات الطالبات

7 (e) 58.1567 (d) 7.6261 (c) 46.64 (b) 53.5 (a)

٢) إذا كانت مدة التدريب لمجموعة من الموظفين الجدد في إحدى الشركات بالشهر على

النحو التالي:

5, 7, 4.5, 9, 3.5, 2.5, 1, 3.5, 2, 4, 5, 6.5, 8, 2.5, 4.5, 1, 5, 4, 8, 2.

باستخدام برنامج SPSS فإن

أ- عدد الموظفين الذين تربوا مدة أقل من أربعة أشهر.

20 (e) 10 (d) 8 (c) 6 (b) 2 (a)

ب- النسبة المئوية للموظفين الذين تربوا مدة تجاوزت خمسة أشهر هي

75% (e) 40% (d) 5% (c) 25% (b) 15% (a)

ث- وسيط مدة التدريب

10 (e) 4.425 (d) 5.4283 (c) 5 (b) 4.25 (a)

جـ- نصف المدى الربيعي لمدة التدريب

3.625 (e) 1.8125 (d) 8.625 (c) 6.125 (b) 7.25 (a)

حـ- الانحراف المعياري لدرجات الطالبات

7 (e) 58.1567 (d) 7.6261 (c) 46.64 (b) 53.5 (a)

٣) الجدول الآتي يوضح موطن تصنیع عدد 50 جهاز تكيف:

Country of origin

	Frequency	Percent	Valid Percent	Cumulative Percent
Valid American	31	62.0	62.0	62.0
European	8	16.0	16.0	78.0
Japanese	11	22.0	22.0	100.0
Total	50	100.0	100.0	
Total	50	100.0		

ومنه نجد أن:

أـ- عدد الأجهزة يابانية الصنع

11 (e) 50 (d) 62 (c) 16 (b) 22 (a)

بـ- النسبة المئوية للأجهزة الأمريكية الصنع

100% (e) 50% (d) 62% (c) 31% (b) 22% (a)

تـ- منوال موطن التصنیع هو

(a) الياباني (b) الأوروبي (c) الأمريكي (d) الأمريكي والياباني (e) لا يوجد

ثـ- إذا أردنا تمثيل هذه البيانات بيانياً فإننا نستخدم

(a) المدرج التكراري (b) الخط البياني (c) الدائرة (d) الأعمدة البيانية (e) لانستطيع

٤) عينة من 80 أسرة تم سؤالهم عن عدد مرات السفر للخارج وكانت نتائج الحاسب الآلي كما يلي:

	Frequency	Percent	Valid Percent	Cumulative Percent
Valid	0	11	13.8	13.8
	1	7	8.8	22.5
	2	5	6.3	28.8
	3	6	7.5	36.3
	4	8	10.0	46.3
	5	6	7.5	53.8
	6	6	7.5	61.3
	7	10	12.5	73.8
	8	6	7.5	81.3
	9	6	7.5	88.8
	10	5	6.3	95.0
	11	2	2.5	97.5
	12	1	1.3	98.8
	13	1	1.3	100.0
Total	80	100.0	100.0	
Total	80	100.0	100.0	

من هذا الجدول نجد أن:

أ- المتغير هو

(a) عدد الأسر (b) عدد مرات السفر للخارج (c) عدد مرات السفر للخارج+عدد الأسر

(d) عدد مرات السفر للخارج-عدد الأسر (e) عدد مرات السفر للخارج+عدد الأسر

ب- نوع المتغير

(a) كمي متقطع (b) وصفي (c) كمي متصل (d) معتاد طبيعي (e) ذي الحدين (f) خلاف ذلك

ت- عدد الأسر التي سافرت خارج البلاد 5 مرات هو

10 (f) 53.8 (e) 1 (d) 6 (c) 0 (b) 7.5 (a)

ث- نسبة الأسر التي سافرت خارج البلاد 7 مرات هو

0.738 (f) 0.125 (e) 0.10 (d) 0.088 (c) 0 (b) 0.613 (a)

ج- النسبة المئوية للأسر التي سافرت خارج البلاد عدد أقل من أو يساوي 10 مرات

95% (f) 5% (e) 88.8% (d) 100% (c) 0% (b) 73.8% (a)

ح- منوال عدد مرات السفر هو

13 (f) 80 (e) 11 (d) 6 (c) 0 (b) 13.8 (a)

٥) باستخدام نتائج الحاسوب الآلي التي توضح بعض المقاييس الإحصائية للمسافة التي قطعها عدد من الأطفال في مسابقة للعدو بالمتر:

#### Statistics

	N		Mean	Std.Deviation	Percentiles		
	Valid	Missing			25	50	75
DISTANCE	108	0	24.023	2.929	22.00	23.75	26.0

فإن:

أ- عدد الأطفال المشاركون في المسابقة هو

24.023 (e) 100 (d) 108 (c) 1080 (b) 25 (a)  
لا يمكن التحديد

ب- متوسط المسافة المقطوعة بالمتر هو

24.023 (f) 24.023 (e) 2.929 (d) 108 (c) 0 (b) 23.75 (a)  
لا يمكن التحديد

ت- المسافة التي قطعها أو أقل منها 50% من هؤلاء الأطفال

24.023 (f) 1.7114 (e) 2 (d) 23.75 (c) 11.875 (b) 2.929 (a)

ث- تباين المسافة المقطوعة هو

24.023 (f) 1.7114 (e) 2 (d) 23.75 (c) 8.579 (b) 2.929 (a)

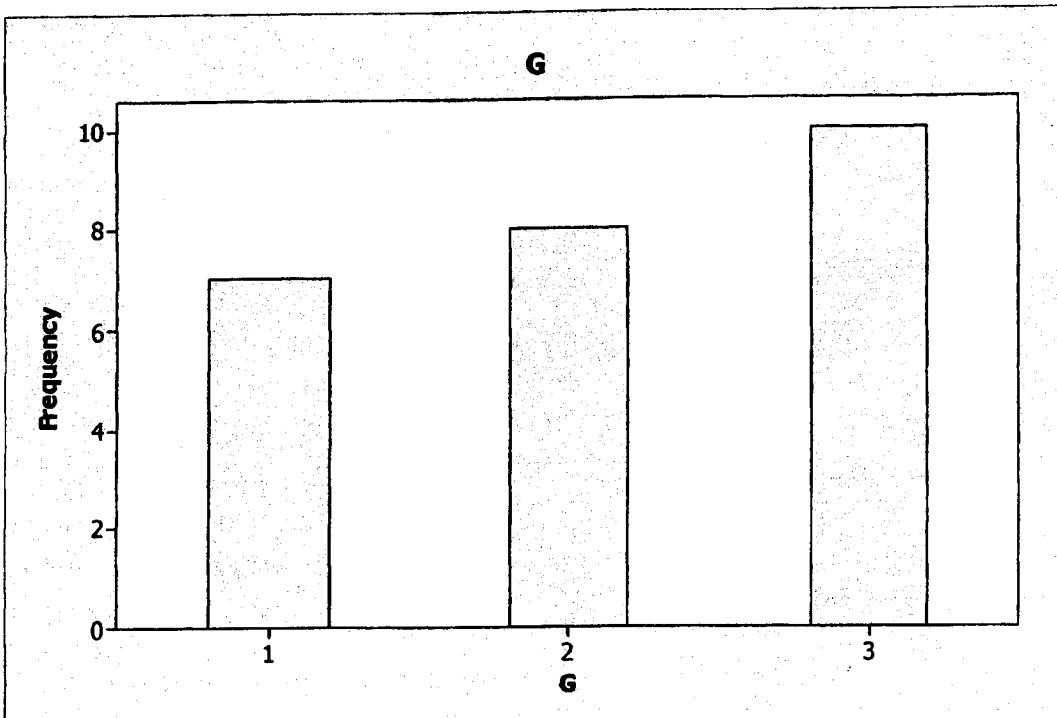
ج- نصف المدى الربيعي للمسافة المقطوعة هو

50 (f) 24 (e) 2 (d) 23.75 (c) 8.579 (b) 2.929 (a)

ح- معامل الاختلاف النسبي للمسافة المقطوعة هو

22.244% (f) 12.333% (e) 2% (d) 23.75% (c) 820.18% (b) 12.19% (a)

٦) باستخدام نتائج الحاسوب الآلي التي توضح عدد المواد التي تدرسها مجموعة من الطالبات باللغة الإنجليزية (G) فإن



أ- اسم الشكل البياني

(a) المدرج التكراري (b) شكل الانتشار (c) منحنى تكراري (d) الأعمدة البيانية

ب- اسم المتغير هو

(a) عدد الطالبات (b) عدد المواد (c) اللغة الإنجليزية (d) اللغة العربية

ت- إجمالي عدد الطالبات التي يدرسن باللغة الإنجليزية

6 (e) 3 (d) 12 (c) 25 (b) 0 (a)

ث- عدد الطالبات التي يدرسن مادتين باللغة الإنجليزية

5 (e) 8 (d) 2 (c) 7 (b) 0 (a)

ج- عدد الطالبات اللاتي يدرسن مادتين على الأقل باللغة الإنجليزية

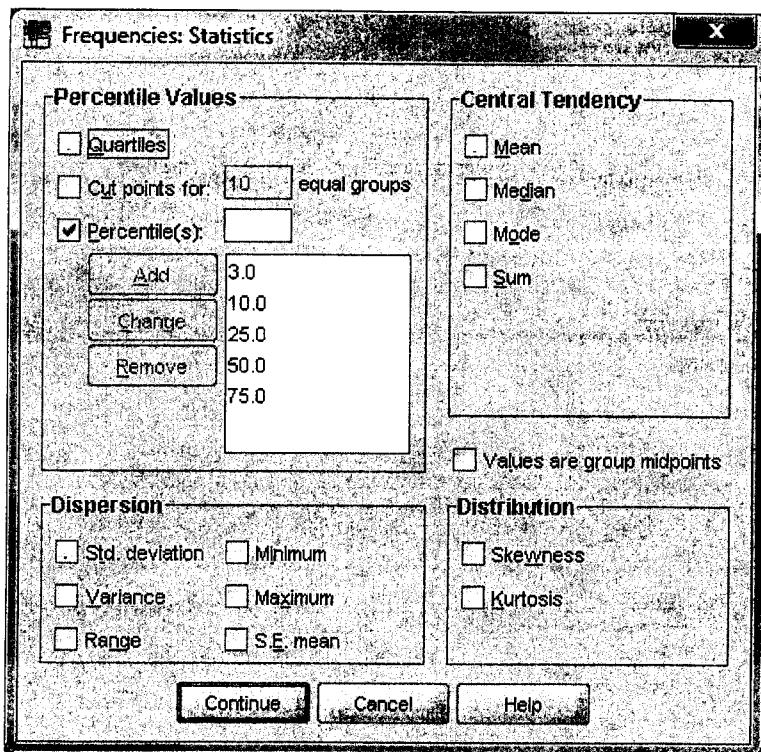
7 (e) 8 (d) 25 (c) 18 (b) 15 (a)

ح- النسبة المئوية للطالبات اللاتي يدرسن مادة واحدة على الأكثر باللغة الإنجليزية

18% (e) 28% (d) 60% (c) 7% (b) 72% (a)

## ايجاد المئينات مثل 1 صفة من ملزمة 21 : (SPSS)

- يتم اختيار Frequencies ثم Descriptive Statistics Analyze
- بالضغط على "statistics" تظهر الشاشة التالية و منها نختار "percentiles"



- ندخل النسبة المراده في المستطيل المسمى ب"Percentiles" ثم الضغط على "Add" و هكذا.
  - وبالضغط على "Continue" ثم "Ok" يظهر الجدول التالي:
- ❖ 33 هي القيمة التي تسويها او تسبقها 3% من البيانات.
- ❖ 35 هي القيمة التي تسويها او تسبقها 10% من البيانات. وهكذا...

### Statistics

VAR00001

N	Valid	25
	Missing	0
Percentiles	3	33.0000
	10	35.6000
	25	39.5000
	50	48.0000
	75	53.5000

## تطبيق الـ SPSS للبيانات الوصفية

### مثال 1 صفحة 8 (من الكتاب):

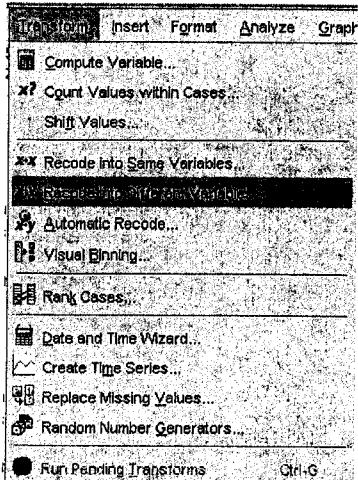
بتم إدخال البيانات الوصفية (dgree) عن طريق رموز

**إيجاد الجدول التكراري:**

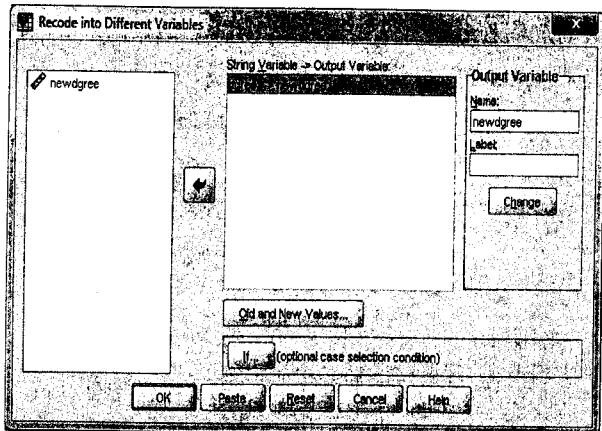
أولاً: يجب إعادة تكثيد البيانات الوصفية و ذلك باتباع الخطوات التالية:

- اعطاء رموز البيانات الوصفية قيمة عدبية
  - 1 حيث الرمز A يكون له القيمة 1
  - 2 الرمز B يكون له القيمة 2
  - 3 الرمز C يكون له القيمة 3
  - 4 الرمز D يكون له القيمة 4
  - 5 الرمز E يكون له القيمة 5

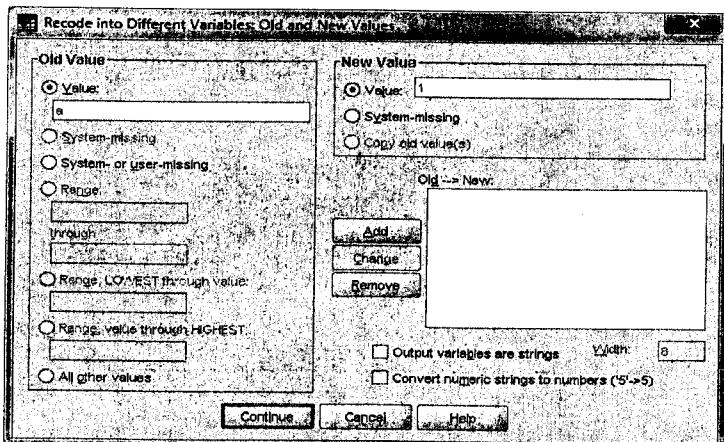
- لإعطاء الرموز قيمة عدبية فإنه يتم اختيار Transform ثم Recode into different variables



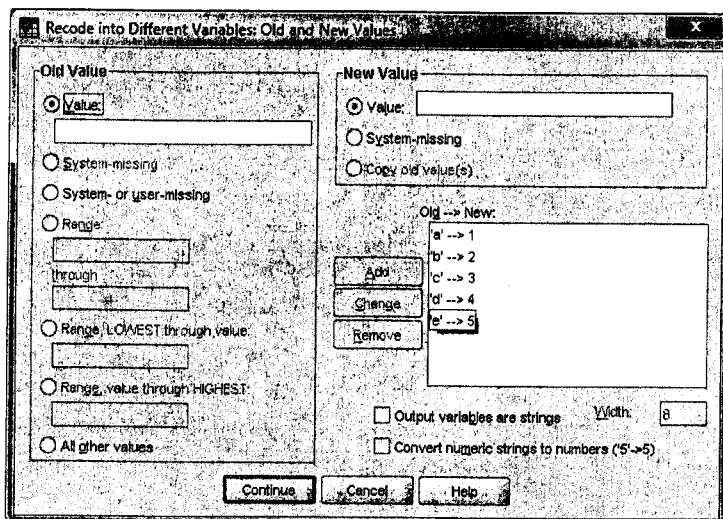
- بالإشارة إلى المتغير dgree و نقله إلى المستطيل المسمى "String Variable → Output Variable" بذلك يفهم أننا نريد إعادة تكثيد بيانات المتغير dgree
- في المستطيل المسمى "Output Variable" نكتب اسم المتغير الجديد الذي سوف يحتوي على القيم العددية للرموز ولتكن "newdgree" وبالضغط على "Change" نجد أن المتغير "dgree" أعيد تكثيفه إلى المتغير "newdgree"



▪ بالضغط على "Old and New Variables" تظهر لوحة جديدة كما في الشكل التالي:



و لكي يتم إعادة التكوييد فإننا في المستطيل المسمى "Old Value" ندخل الرمز "A" و عند المستطيل المسمى "New Value" ندخل القيمة العددية "1" ثم نضغط على "Add" و هكذا لباقي الرموز حتى تظهر الشاشة التالية:



و بالضغط على "Ok" ثم الضغط على "Continue" يتم تنفيذ الأمر و يظهر المتغير الجديد "newdgree" محتواها على الأرقام 1 إلى 5.

ثانياً:

- يتم اختيار Frequencies ثم Descriptive Statistics Analyze
- وبعد ظهور لوحة المتغيرات يتم اختيار المتغير الجديد "newdgree" ثم الضغط على "Ok" فيظهر الجدول التكراري التالي:

newdgree					
	Frequency	Percent	Valid Percent	Cumulative Percent	
Valid	1.00	6	10.0	10.0	
	2.00	8	13.3	23.3	
	3.00	16	26.7	50.0	
	4.00	22	36.7	86.7	
	5.00	8	13.3	100.0	
Total		60	100.0		

من هذا الجدول يتضح ما يلي:

- عمود ال "Frequency"

6 طلاب حاصلين على الدرجة A و هكذا...

- عمود ال "Percent"

10% من الطلاب حاصلين على الدرجة A و هكذا...

- عمود ال "Valid Percent" هو نفسه عمود ال "Percent"

- عمود ال "Cumulative Percent"

10% من الطلاب حصلوا على الدرجة A

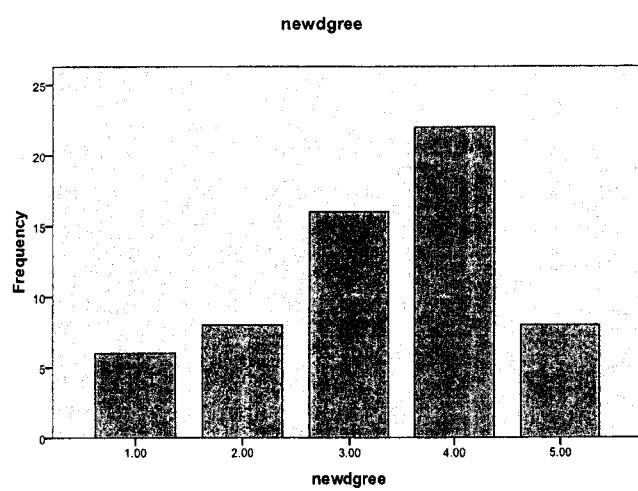
23.3% حصلوا على الدرجة B و أعلى (البيانات مرتبة تنازلي)

50% حصلوا على الدرجة C و أعلى (البيانات مرتبة تنازلي) و هكذا...

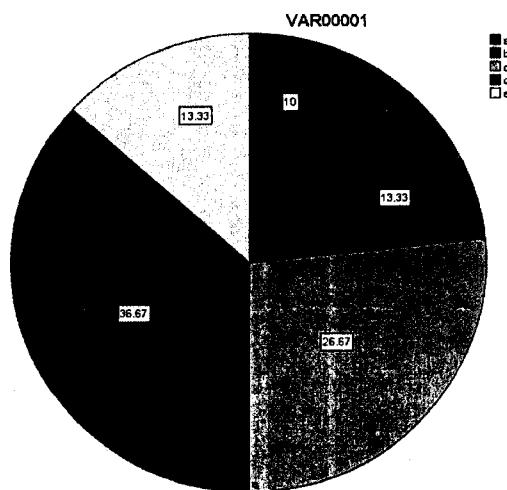
### تمثيل البيانات الوصفية بيانياً:

البيانات الوصفية يمكن تمثيلها بيانياً بالـ "Pie Chart" أو الـ "Bar Chart"

- يتم اختيار Frequencies ثم Descriptive Statistics ثم Analyze
- بالضغط على "Chats" و ثم اختيار "Bar Chart" نحصل على:

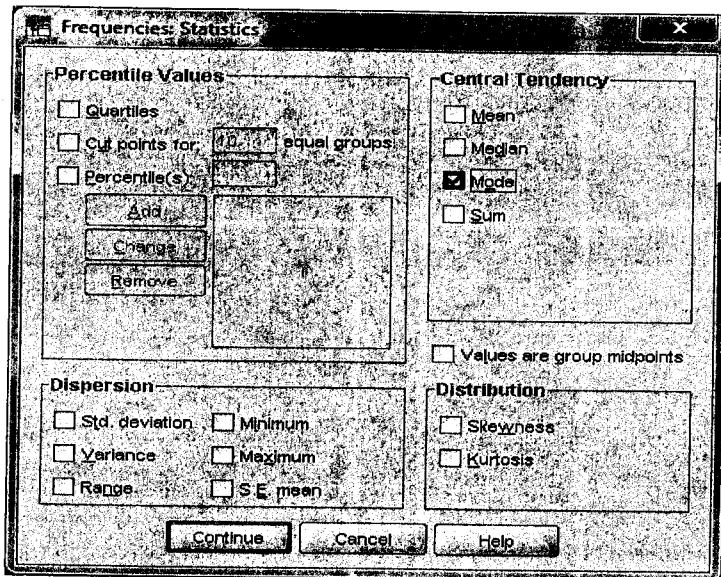


- بالضغط على "Chats" و ثم اختيار "Pie Chart" نحصل على:



## إيجاد المقاييس الإحصائية:

- يتم اختيار Frequencies ثم Descriptive Statistics ثم Analyze
- بالضغط على "Statistics" تظهر الشاشة التالية و منهاختار "Mode" (المنوال هو المقياس المناسب للبيانات المعطاة):



### Statistics

newdgree

N	Valid	60
	Missing	0
Mode		4.00

❖ وبهذا نجد أن المنوال هو الدرجة D الذي قمنا بإعطائه القيمة العددية 4

## **الفصل الثالث والفصل الرابع**

### **المقاييس الإحصائية**

#### **السؤال الأول**

**إختارى الإجابة الصحيحة**

- ١- يمكن حساب الوسيط في حالة
  - أ) البيانات الكمية والوصفية.
  - ب) البيانات الكمية و الوصفية التي يمكن ترتيبها.
  - ت) البيانات الكمية فقط.
- ٢- يتميز بالمنوال عن الوسط الحسابي بأنه
  - أ) يأخذ جميع القيم في اعتباره.
  - ب) يمكن حسابه للبيانات الوصفية.
  - ت) تأثره بالقيم المتطرفة.
- ٣- من عيوب الوسط الحسابي
  - أ) لا يأخذ جميع القيم في الاعتبار.
  - ب) تأثره بالقيم المتطرفة.
  - ت) صعوبة التعامل معه في التحاليل الإحصائية،

#### **السؤال الثاني**

**ضعي علامة (✓) أمام العبارة الصحيحة وعلامة (X) أمام العبارة الخاطئة.**

- ( ) ٦- الإحصاء الوصفي يختص بطرق تنظيم وتلخيص البيانات الوصفية فقط.
- ( ) ٧- عدد التجارب المعملية التي تجريها الطالبات هو متغير وصفي.
- ( ) ٨- المنوال للمشروب المفضل لعينة من الطالبات يعتبر إحصاء.
- ( ) ٩- إذا كان مجموع انحراف مجموعة عن القيمة 7 يساوي صفر فإن الوسط الحسابي لهذه القيم يساوي 7.
- ( ) ١٠- لأي مجموعة من القيم فإنه توجد قيمة وحيدة للوسط الحسابي والوسيط دائمًا.

- ( ) ١١- مجموعة من القيم وسطها الحسابي 12.5 فإذا ضربنا كل قيمة في الرقم  
 2 ثم أضافنا لكل قيمة الرقم 5 فإن الوسط الحسابي يصبح 35.
- ( ) ١٢- لأي مجموعة من البيانات فإن قيمة الوسيط أكبر من الربع الأول  
 وأصغر من الربع الثالث.
- ( ) ١٣- يتأثر نصف المدى الربيعي بالقيم المتطرفة للبيانات.
- ( ) ١٤- الوسط الحسابي للعينة هو أحد إحصائياتها.
- ( ) ١٥- طول المدى هو الفرق بين أكبر تكرار وأقل تكرار

### السؤال الثالث

فيما يلي درجات أحد الطلاب في ٥ اختبارات

90, 40, 81, 72, 66

- ١- احسب الوسط الحسابي لدرجات الطالب.  
 ٢- إذا أضافنا درجتين لكل اختبار، ما هو الوسط الحسابي للدرجات الجديدة؟  
 ٣- إذا ضربنا نتيجة كل اختبار في 2، ما هو الوسط الحسابي للدرجات الجديدة؟  
 ٤- إذا قسمنا نتيجة كل اختبار على 3، ما هو الوسط الحسابي للدرجات الجديدة؟

#### السؤال الرابع

إذا كان متوسط وقت الانتظار في محطات خدمة السيارات في منطقة وسط الرياض هو 3.5 دقيقة بإنحراف معياري 0.5 دقيقة ومتوسط وقت الانتظار في محطات شرق الرياض هو 2.5 دقيقة بإنحراف معياري 0.4 دقيقة ومتوسط وقت الانتظار في محطات غرب الرياض هو 1.5 دقيقة بإنحراف معياري 0.5 دقيقة.

١- ما هي المنطقة التي يكون الانتظار بها أكثر إنتظاماً.

أ- وسط الرياض      ب- شرق الرياض      ت- غرب الرياض

٢- إذا كان وقت الانتظار في محطة ما في وسط الرياض هو 3.0 دقيقة، ووقت الانتظار في محطة ما في شرق الرياض هو 2.5 دقيقة، ووقت الانتظار في محطة ما غرب الرياض هو 2.7 دقيقة.

ما هي المحطة التي يكون وقت الانتظار بها أكبر بالنسبة لمناطقها.

أ- وسط الرياض      ب- شرق الرياض      ت- غرب الرياض

#### السؤال الخامس

إذا كان متوسط الأجر اليومي لعينة من العاملين هو 250 ريال وإنحراف المعياري لل أجور هو 20 ريال وكانت لدينا عينة أخرى من العمال متوسط الأجر اليومي لها 200 ريال وإنحراف المعياري لل أجور 60 ريال فـ أي التوزيعين أكثر تشتتاً؟

### السؤال السادس

البيان التالي يمثل المقاييس الإحصائية عن درجات أحد الفصول في ثلاثة مواد:

العلوم	الرياضيات	الإحصاء	
80	75	77	الوسط الحسابي
4	5	7	الإنحراف المعياري

- ١ - قارني بين تشتت الدرجات في هذه المواد الثلاثة.  
 ٢ - إذا حصل طالب في كل مادة على 70 درجة فهل يعني ذلك أن مستوى في المواد الثلاث

واحد؟

## الفصل الخامس

### طرق العد

- (1) سؤال 6 صفحة 147 في الكتاب.  
بكم طريقة يمكن ملي  $n$  فراغ بحرف "ر" و "ك" مع التكرار لقيم  $3,4,5$ .
- (2) بكم طريقة يمكن أن يجلس 3 أشخاص متجاورين.
- (3) إذا كان لدينا الحروف A,B,C,D,E كم عدد الكلمات المكونة من 3 حروف  
(i) مع إمكانية تكرار الحروف  
(ii) بشرط عدم تكرار الحرف
- (4) بكم طريقة يمكن طالبة في المسار العلمي في إحدى الجامعات اختيار تخصص من كلية العلوم أو كلية الحاسوب أو كلية إدارة الأعمال ، حيث متاح لها 4 تخصصات في كلية العلوم و 3 تخصصات في كلية الحاسوب و 4 تخصصات في كلية إدارة الأعمال.
- (5) بكم طريقة يمكن اختيار 3 طالبات من عشر طالبات للانضمام لجنة النشاط.
- (6) أوجدي عدد طرق سحب رقمين من المجموعة {1,2,3,4,5} دون النظر للترتيب.
- (7) إذا كان لدينا 20 رجل و 10 سيدات ويراد تكوين لجنة مكونة من 5 أشخاص 3 من الرجال و 2 من السيدات كم عدد الطرق الممكنة لتكوين تلك اللجنة.
- (8) بكم طريقة يمكن لمدرس أن يختار طالباً أو أكثر من بين خمسة طلاب.

---

(9) بكم طريقة يمكن ترتيب كلمة Success

(10) سؤال 16 صفحة 149 من الكتاب

للحرروف: ي ف ل و ر ي س ث ي ن ث ي  
بكم طريقة مختلفة يمكن ترتيب هذه الحروف (i)

كم من التراييبيبدأ وينتهي بالحرف ف. (ii)

في كم من التراتيبي يأتي الحرف ف متتابع (iii)

الواجب:

- ❖ بكم طريقة يمكن ترتيب حروف كلمة moon.
- ❖ اختبار مكون من 3 أسئلة (اختيار من متعدد) كل سؤال له 4 إجابات. كم عدد الإجابات الممكنة لهذا الاختبار.
- ❖ سؤال 7 صفحة 147 في الكتاب.

**الفصل السادس**  
**مبادئ الاحتمالات**

**السؤال الأول**

إذا كان لدينا لدينا مجموعتان من الأطفال، المجموعة الأولى تحتوي على أربعةأطفال أولهم ليس معه أي نقود، الثاني معه ريال واحد، والثالث معه ريالان، والرابع معه ثلاثة ريالات. أي أن المبالغ التي معهم 0, 1, 2, 3.

والمجموعة الثانية تحتوي على ثلاثةأطفال أولهم معه ريالان، والثاني معه ثلاثة ريالات، والثالث معه أربعة ريالات. أي أن المبالغ التي معهم 2, 3, 4.

اختر عشوائياً طفلان الأول من المجموعة الأولى والثاني من المجموعة الثانية لمعرفة المبلغين مع كل منهما.

١ - مثلي فراغ العينة S لهذه التجربة العشوائية:

٢ - مثلي الحوادث التالية:

A: المبلغان مع الطفلان متساوين.

B: مجموع المبلغين مع الطفلين 4 ريالات.

C: المبلغ مع الطفل من المجموعة الأولى أقل من المبلغ مع الطفل من المجموعة الثانية.

D: مجموع المبلغين مع الطفلين يزيد عن 7 ريالات.

$$A \cup B, C \cap B, A \cap C, B \cap D, A \cup D, \bar{C}$$

### السؤال الثاني

إذا قسمت مدينة الرياض إلى 4 مناطق مختلفة A, B, C, D واستعانت الجامعة بأربعة حافلات كل حافلة لمنطقة، فإذا دخلت حافلتين متاليتين وسجلت المناطق التي قدمت منها الحافلتين.

١ - مثلي فراغ العينة.

٢ - مثلي لحوادث التالية

$E_1$ : الحافلتان قادمتان من نفس المنطقة.

$E_2$ : الحافلة الأولى قادمة من المنطقة C.

$E_3$ : الحافلة الأولى قادمة من المنطقة A والثانية من C أو D.

$$E_1 \cup E_2, E_1 \cap E_3, E_3 - E_2, \overline{E_1}$$

٣ - احسب الإحتمالات التالية

$$P(E_1), P(E_2), P(E_1 \cap E_2), P(E_1 \cup E_3), P(E_1 \cap \overline{E_2})$$

### السؤال الثالث

اعتبرى التجربة العشوائية مكونة من رمي قطعة عملة وزهرة نرد.

١- إكتبى فراغ العينة.

٢- احسبى الإحتمالات التالية

أ- احتمال الحصول على صورة H.

ب- احتمال الحصول على الوجه الذى عليه الرقم 3.

ت- احتمال الحصول على صورة H و الوجه الذى عليه الرقم 3.

ث- احتمال الحصول على صورة H أو الوجه الذى عليه الرقم 3.

ج- احتمال الحصول على صورة H إذا علمنا أنه قد حصلنا على الوجه الذى عليه الرقم 3.

٣- هل الحدثان (الحصول على الوجه الذى عليه الرقم 3)

حدثان مستقلان؟ ولماذا؟

### السؤال الرابع

إذا علم أن

$$P(A \cup B) = 0.9, P(A \cap B) = 0.2, P(\bar{A}) = 0.4$$

احسبى الإحتمالات التالية

$$P(B) =$$

$$P(A \cap \bar{B}) =$$

$$P(A \cup \bar{B}) =$$

$$P(A|\bar{B}) =$$

### السؤال الخامس

اعتبرى التجربة العشوائية المكونة من رمي حجر منتظم الشكل ومصقول عليه الأرقام 1, 2, 3, 4 مرتان.

١- إكتب فراغ العينة للتجربة العشوائية السابقة.

٢- اكتبى الأحداث التالية

A: الرقمان متشابهان.

B: الرقم الأول هو 3.

C: أن يكون مجموع الرقمين هو 6.

D: الرقم الثاني هو 2 أو 3.

L: أن يكون مجموع الرقمين على الأقل 7.

٣- اكتبى الأحداث التالية

$$A \cup B =$$

$$A \cap C =$$

$$\bar{C} =$$

٤- احسبى الإحتمالات التالية

$$P(A) =$$

$$P(A \cup B) =$$

$$P(\bar{C}) =$$

$$P(A \cup C) =$$

$$P(L) =$$

### السؤال السادس

في اختبار مفاجيء لأحدى الطالبات مكون من ثلاثة أسئلة لكل سؤال إجابتين إما صحيحة ويرمز لها بالرمز T أو خاطئة ويرمز لها بالرمز F.

١- اكتبى فراغ العينة لجميع الإجابات الممكنة.

٢- اكتبى الحوادث التالية

- A: أن تكون هناك إجابتان صحيحتان.  
 B: أن تكون هناك إجابتان خاطئتان على الأكثر.  
 C: أن تكون هناك إجابة واحدة صحيحة على الأقل.  
 E: ولا إجابة صحيحة.

#### السؤال السادس

يرغب مكتب لاستقدام الأيدي العاملة في استقدام أفراد بالشروط التالية  
 أـ النوع : ذكر أو أنثى.  
 بـ المؤهل: جامعي أو متوسط.  
 تـ اللغة: العربية أو الإنجليزية.  
 ١ـ إكتبي فراغ العينة الذي يمثل الإمكانيات المختلفة لخصائص الفرد المطلوب.

#### ٢ـ مثلي الأحداث التالية

A: أن يكون الفرد ذكر، جامعي ويتحدث العربية.  
 B: أن يكون الفرد جامعي ويتحدث الإنجليزية.  
 C: أن تكون أنثى.  
 D: أن يكون ذكر أو أنثى، جامعي ويتحدث العربية.

$$: A \cup B$$

$$: A \cap B$$

$$: D^C$$

#### ٣ـ إحسب الاحتمالات التالية

$$\begin{aligned} P(A) &= \\ P(A \cup B) &= \\ P(A \cup D) &= \end{aligned}$$

### السؤال الثامن

أخذت أسرة بطريقة عشوائية من الأسر التي لها ثلاثة أطفال وسجلت أنواع الأطفال الثلاثة فإذا كانت  $b$  ترمز إلى أن الطفل ذكر و  $g$  ترمز إلى أن الطفل بنت.

١ - مثلي فراغ العينة.

٢ - مثلي الحالات التالية

A: وجود ذكر واحد على الأقل في الأسرة.

B: وجود بنت واحدة في الأسرة.

C: وجود بنتان وولد في الأسرة.

D: عدم وجود أطفال ذكور في الأسرة.

٣ - احسب الاحتمالات الآتية

$$P(A \cup B) =$$

$$P(A \cap \bar{B}) =$$

$$P(D \cap C) =$$

$$P(\overline{A \cap B}) =$$

٤ - هل الحدثان C, D متنافيان ؟ ولماذا؟

### السؤال التاسع

سحب كرت أبيض عشوائياً من بين ثلاثة كروت تحمل الأرقام 6, 3, 0 ، ثم سحب كرت أحمر عشوائياً من بين أربعة كروت تحمل الأرقام 4, 3, 2, 1 وسجل الرقمان الذين على الكرتين الأبيض والأحمر.

١- مثلي فراغ العينة  $S$ .

٢- مثلي الحوادث التالية

$A$ : الرقم الذي على الكرت الأحمر زوجي.

$B$ : الرقم الذي على الكرت الأبيض أقل من 3.

$C$ : الرقم الذي على الكرت الأبيض أكبر من الرقم الذي على الكرت الأحمر.

$$: A \cup B$$

$$: \bar{C}$$

$$: B \cap C$$

$$: A \cap C$$

٣- احسب الاحتمالات التالية

$$P(A) =$$

$$P(\bar{B}) =$$

$$P(A \cap C) =$$

$$P(\bar{A} \cup \bar{C}) =$$

$$P(\bar{A} \cap \bar{B}) =$$

٤- هل الحدثان  $C, B$  متنافيان ؟ ولماذا؟

### السؤال العاشر

صندوق به ثلاثة كرات عليها الأرقام 5, 3, 1 سحبت منه كرتان عشوائياً وبدون إرجاع.

١- مثلي فراغ العينة S.

٢- مثلي عناصر الأحداث التالية

A: مجموع الرقمين على الكرتين 4.

B: الرقم على الكرة الأولى 5.

C: الرقم على الكرة الثانية 3.

D: الرقم على الكرة الأولى 1 والرقم على الكرة الثانية 3.

E: الرقمان على الكرتين متشابهين.

٣- احسب الإحتمالات التالية

$$P(\bar{A}) =$$

$$P(B \cap C) =$$

$$P(D \cup E) =$$

$$P(\bar{B} \cap C) =$$

### السؤال الحادى عشر

إذا كان الحدث S يمثل النجاح في مقرر ما والحدث F يمثل الرسوب في ذلك المقرر وتم اختيار

ثلاث طالبات عشوائياً عرفى ملليلي

١- فضاء العينة.

A: أي اثنان تجتازان المقرر.

B: على الأقل واحدة تجتاز المقرر.

C: لا احد يجتاز المقرر.

٢- إذا كان  $P(S)=P(F)$  فأوجدي

$$P(A) =$$

$$P(B) =$$

$$P(C) =$$

$$P(A|B) =$$

٣- هل A تعتمد على B ؟ ولماذا؟

### السؤال الثاني عشر

في أحد نوادي الشباب بالرياض وجد أن 100 عضواً منهم 70 يجيدون لعبة التنس، و 30 يجيدون لعبة كرة الطائرة و 20 لا يجيدون أي لعبة. إختير عضواً عشوائياً أوجدي احتمال

- ١- أن يجيد هذا العضو لعبة التنس و اكرة الطنرة معاً
- ٢- أن يجيد لعبة الطائرة علماء بأنه لا يجيد لعبة التنس.
- ٣- أن يجيد لعبة واحدة على الأقل.
- ٤- أن يجيد لعبة التنس فقط أو لعبة الكرة الطائرة فقط.

### السؤال الثالث عشر

في تصنيف طالبات كلية وجد أن 18% متزوجات وأن 2% منهن تجاوزن الخامسة والعشرين من العمر وأن 81% غير متزوجات ولم يتتجاوزن الخامسة والعشرين ، إختيرت طالبة من هذه الكلية.

- ١- أوجدي احتمال أن تكون الطالبة متزوجة أو تجاوزت الخامسة والعشرين.
- ٢- أوجدي احتمال أن تكون الطالبة تجاوزت الخامسة والعشرين علماء بأنها متزوجة.
- ٣- هل يعتبر زواج الطالبة مستقلاً عن تجاوزها لسن الخامسة والعشرين.

### السؤال الرابع عشر

إذا كان  $P(B) = 0.4, P(A \cup B) = 0.8, P(\bar{A} \cap B) = 0.1$

احسبى قيمة كلاً من

$$P(A \cap B) =$$

$$P(A) =$$

$$P(\bar{A} \cup \bar{B}) =$$

$$P(\bar{A}|B) =$$

$$P(\bar{A} \cup \bar{B}) =$$

### السؤال الخامس عشر

إذا علم أن  $P(A \cap B) = 0.2, P(A \cup B) = 0.9, P(A \cap \bar{B}) = 0.3$

احسبى الاحتمالات التالية

$$P(A) =$$

$$P(B) =$$

$$P(\bar{A} \cap \bar{B}) =$$

$$P(\bar{A}|\bar{B}) =$$

### السؤال السادس عشر

إذا كان  $P(\bar{A} \cup B) = 0.8, P(A|B) = 0.6, P(\bar{B}) = 0.5$

1- اوجدي

$$P(B) =$$

$$P(A \cap B) =$$

$$P(\bar{A} \cap B) =$$

$$P(\bar{A}|B) =$$

$$P(\bar{A} \cup \bar{B}) =$$

٢ - هل الحادثتان A, B مستقلتان؟ ولماذا؟

٣ - هل الحادثتان  $\bar{A}, \bar{B}$  متنافيتان؟ ولماذا؟

#### السؤال السابع عشر

إذا كان  $P(A \cup B) = 0.8, P(B) = 0.5, P(A) = 0.3$

١ - هل الحدثان B, A حدثان مستقلان؟

٢ - هل الحدثان A, B حدثان شاملان؟

#### السؤال الثامن عشر

إذا كان  $P(A \cup B) = 0.8, P(A) = 0.5$

احسبى قيمة  $P(B)$  إذا علم أن

١ - حدثان A, B متنافيان.

٢ - حدثان A, B مستقلان.

### السؤال التاسع عشر

$$P(A \cup B) = 0.9, P(A) = 0.5$$

إذا كان  $P(B)$  إذا علم أن

1- A, B حدثان متنافيان.

2- A, B حدثان مستقلان.

### السؤال العشرون

إذا كان احتمال النجاح في مقرر A هو 0.6 ، واحتمال النجاح في مقرر B هو 0.7 واحتمال النجاح في مقرر A أو B هو 0.9 أحسب الاحتمالات التالية

- 1- احتمال النجاح في مقرر A ومقرر B.
- 2- احتمال النجاح في مقرر A فقط.
- 3- احتمال النجاح في مقرر B وعدم النجاح في مقرر A.
- 4- احتمال النجاح في مقرر B أو عدم النجاح في مقرر A.

### السؤال الحادى والعشرون

$$P(B) = 0.5, P(\bar{A}|B) = 0.6, P(\bar{A} \cap \bar{B}) = 0.1$$

إذا كان  $P(A \cup B) =$

$$P(\bar{A} \cap B) =$$

$$P(\bar{A}) =$$

$$P(A|B) =$$

### السؤال الثاني والعشرون

$$P(A) = 0.5, P(B) = 0.2, P(\bar{A} \cup \bar{B}) = 0.4$$

إذا كان كلاً من

$$P(A \cap B) =$$

$$P(\bar{A}|\bar{B}) =$$

$$P(\bar{A} \cap B) =$$

$$P(\bar{A} \cup B) =$$

هل الحدثان  $\bar{A}, \bar{B}$  مستقلان؟ ولماذا؟

### السؤال الثالث والعشرون

قررت أسرة السفر في إجازة الربيع، فإذا كان احتمال أن تسافر بالطائرة هو 0.4، واحتمال أن تسافر بالسيارة الخاصة هو 0.25، واحتمال أن تسافر بالنقل الجماعي هو 0.3 واحتمال أن تسافر بالليموزين هو 0.05.

فإذا سافرت بالطائرة فإن احتمال أن تجد أحد الأقارب بانتظارها = 0.10.

فإذا سافرت بالسيارة فإن احتمال أن تجد أحد الأقارب بانتظارها = 0.05.

فإذا سافرت بالنقل الجماعي فإن احتمال أن تجد أحد الأقارب بانتظارها = 0.07.

فإذا سافرت بالليموزين فإن احتمال أن تجد أحد الأقارب بانتظارها = 0.03.

ما احتمال أن تجد الأسرة أحد الأقارب في انتظارها؟

## السؤال الرابع والعشرون

أكمل

١- إذا كانت الحادثان A, B مستقلتين ، فإن  $P(A)$ ,  $P(B)$  معلومتين ،

$$P(A|B) =$$

$$P(A|\bar{B}) =$$

$$P(A \cap B) =$$

$$P(\bar{A} \cup \bar{B}) =$$

$$P(\bar{A} \cup \bar{B}) =$$

٢- إذا كانت  $P(A) = \frac{1}{2}$ ,  $P(A \cup B) = \frac{2}{3}$  فأوجدي قيمة  $P(B)$  إذا كان

أ- A, B حادثتين متنافيتين.

ب- A, B حادثتين مستقلتين.

ت-  $A \subset B$ .

٣- أكمل

أ- تسمى  $\emptyset$  الحادثة ..... ، .....

ب- لأي حادثتين B

$$P(A|B) =$$

$$P(A \cup B) = P( \quad ) + P( \quad )$$

ت- احتمال الحصول على 2 أو 6 عند رمي حجر نرد متزن هو

$$P(A|B) + P(\bar{A}|B) =$$

ج- إذا كانت  $P(A|B) = \dots$ ,  $P(A) = 0.2$ ,  $P(B) = 0.6$ ,  $A \subset B$  فإن

ح- إذا ان مال وقوع حادثة هو 0.6 فإن احتمال عدم وقوعها هو

خ- إذا كانت الحادثان A, B متنافيتين بحيث  $P(A) = \frac{1}{4}$ ,  $P(B) = \frac{1}{3}$  فإن

$$P(A \cup B) =$$

### السؤال الخامس والعشرون

١- ضعي علامة صح أمام العبارة الصحيحة أو خطأ أمام العبارة الخاطئة

- ( )  $P(A) = P(A \cap B) + P(A \cap \bar{B})$  أ.
- ( ) بـ. احتمال أي حادثة هو عدد كسري من الفترة المغلقة [-1,1]
- ( ) تـ. الحالات المواتية هي الحالات التي لا تؤدي إلى تحقيق حادثة معينة.
- ( ) ثـ. يحسب احتمال الحادثة A من العلاقة  $P(A) = \frac{n(A)}{n(S)}$  إذا كانت التجربة العشوائية نتائج ممكنة متماثلة في فرصة الظهور.

- ( ) جـ. إذا كانت الحادثان C, D مستقلتين فإن  $P(C|D) = P(D)$

٢- اختاري الإجابة الصحيحة

أـ. إذا كانت  $P(A|B) = P(A)$  فإن الحادثين A, B

(تحدثان معاً ، متنافيتان ، مستقلتان)

بـ. من مسلمات الإحتمالات لأي حادثة A أن

$$(P(A) > 0, P(A) \geq 0, P(A) < 0)$$

تـ. إذا كانت  $P(B) = 0.5, P(A) = 0.8, B \subset A$  فإن

$$P(A \cup B) = (0.5, 0.8, 0.3)$$

ثـ. تفيد المسلمـة الثالثـة للاحتمـالـات أن  $P(\bigcup_{i=1}^{\infty} A_i) = \sum_{i=1}^{\infty} P(A_i)$  إذا كانت

الحوادث ...  $A_1, A_2, A_3, \dots$  شاملـة ، مـتنـافـيتـة ، مـسـتـقـلـة

جـ. وقـوعـ الحـادـثـة  $\bar{A} \cap B$  يعني

( عدم وقـوعـ A أو وقـوعـ B ، وقـوعـ A وـعدـمـ وقـوعـ B ، وقـوعـ B وـعدـمـ وقـوعـ A )

حـ. إذا كانت A, B حـادـثـاتـ مـتـنـافـيتـاتـ فإن  $(A = \bar{B}, A \cap B = \emptyset, A \cup B = \emptyset)$ .

خـ.  $\emptyset$  هي ( الحـادـثـةـ الـأـوـلـيـةـ ،ـ الـحـادـثـةـ الـمـسـتـحـيـلـةـ ،ـ الـحـادـثـةـ الـأـكـيـدـةـ ).

دـ. إذا كانت A, B حـادـثـاتـ شاملـتـانـ فإن  $(A = \bar{B}, A \cap B = S, A \cup B = \emptyset)$

ذـ. الـحـادـثـاتـ A, B مـسـتـقـلـاتـ إذاـ كانـ

$$(P(A \cap B) =$$

رـ. الـحـادـثـاتـ A, B تـكـونـ حـادـثـاتـ شـامـلـتـانـ إذاـ كانـ

$$(A \cap B = S, A|B = S, A \cup B = S)$$

**الفصل السابع**  
**المتغيرات العشوائية**

**السؤال الأول**

١- أكمل ما يلي

خواص دالة الكثافة الإحتمالية  $f(x)$  هي

..... أ-

..... ب-

٢- إختارى الإجابة الصحيحة

أ- المتغير العشوائى هو:

(١) دالة احتمالية مجموعها يساوى واحد.

(٢) دالة احتمالية لا يقل عن واحد.

(٣) دالة ذات قيم عدديّة حقيقة معرفة على فراغ العينة.

(٤) دالة منقطعة ذات احتمالات أكبر من صفر.

ب- إذا كان الإنحراف المعياري للمتغير العشوائي  $X$  يساوي 4 فإن تباعين  $\left(\frac{1}{2}x - 1\right)$

يساوي:

(١) صفر.

(٢) .16

(٣) .4

(٤) .1

ت- إذا كان توقع  $(3x - 5)$  يساوي 16 فإن توقع  $X$  يساوي:

(١) .43

(٢) .7

(٣) .11

(٤) .21

### السؤال الثاني

إذا كانت مجموعة القيم الممكنة للمتغير العشوائي  $X$  هي  $\{2, 1, -1, -2\}$  ودالة الكثافة الإحتمالية له معطاة بالعلاقة:

$$f(x) = c \cdot \frac{x^2}{2}$$

١- أوجدي قيمة الثابت  $c$ .

٢- أوجدي توقع وتبالين المتغير  $X$ .

### السؤال الثالث

تجربة عشوائية مكونة من إلقاء حجر نرد ثم سحب كرت عشوائياً من بين ثلاثة كروت عليها الأرقام  $1, 2, 3$ .

١- مثلي فراغ العينة  $S$ .

٢- إذا عرف المتغير العشوائي  $X$  على أنه الفرق المطلق بين عدد النقاط التي تظهر على النرد والرقم الذي يظهر على الكرت:

$$X = |\text{الرقم على الكرت} - \text{عدد النقاط}|$$

أ- أوجدي القيم الممكنة للمتغير العشوائي  $X$  ودالة الكثافة الإحتمالية عند كل منها  $f(x)$ .

ب- أوجدي الإحتمالات التالية

$$P(X = 25) =$$

$$P(X > 3) =$$

$$P(X \leq 1) =$$

$$P(2 \leq X < 4) =$$

#### السؤال الرابع

ثلاث سيدات ينتظرن الولادة

١- إكتب فراغ العينة لأنواع المواليد الثلاثة.

٢- بفرض المتغير العشوائي  $X$  يمثل عدد البنات مطروحاً منه ٢، (٢- عدد البنات -  $X$ ).  
اكتب قيم المتغير العشوائي  $X$  وقيم الإحتمال المقابلة لها  $f(x)$ .

٣- إحسب الإحتمالات الآتية

$$P(X = -2) =$$

$$P(X = 2) =$$

$$P(X > -1) =$$

$$P(X \leq 0) =$$

٤- أوجدي كلام من التوقع  $E(X)$ ، والتباين  $V(X)$ .

٥- أوجدي دالة التوزيع التراكمي  $F(X)$ .

### السؤال الخامس

إذا كان المتغير العشوائي  $X$  له دالة كثافة احتمالية  $f(x)$  على النحو التالي

$X$	-1	1	2
$f(x)$	0.3	0.5	C

١- أوجدي قيمة  $C$ .

٢- أوجدي كلام من التوقع  $E(X)$ ، والتبابين  $V(X)$ .

٣- أوجدي دالة التوزيع التراكمي  $F(X)$ .

### السؤال السادس

اعطري المتغير العشوائي  $X$  والذي له دالة كثافة احتمالية  $f(x)$  على النحو التالي

$X$	-2	-1	0	1	3
$f(x)$	0.1	C	0.3	0.2	0.2

١- أوجدي قيمة  $C$ .

٢- أوجدي دالة التوزيع التراكمي  $F(X)$ .

٣- احسب الإحتمالات التالية

$$P(X \leq -1) =$$

$$P(-1 \leq X < 2) =$$

$$P(X > 1) =$$

$$P(X = -3) =$$

### السؤال السابع

مع ثلاثة أطفال كرتين كرة لونها أبيض (W) وكرة لونها أخضر (G)، أخذت كرة عشوائياً من كل طفل.

١- اكتب فراغ العينة.

إذا عرف المتغير العشوائي  $X$  بأنه عدد الكرات ذات اللون الأبيض مضاعفاً إليه الرقم واحد.

أي أن :  $X = \text{عدد الكرات البيضاء} + 1$ .

٢- اكتب قيم المتغير العشوائي  $X$  وقيم دالة الكتلة الإحتمالية.

٣- إحسب توقع وتبالين المتغير العشوائي  $X$ .

### السؤال الثامن

الجدول التالي يمثل دالة الكتلة الإحتمالية للمتغير العشوائي  $X$

$X$	-2	-1	1	2
$f(x)$	$C$	$2C$	$3C$	$4C$

١- اوجدي قيمة الثابت  $C$ .

٢- أوجدي الإحتمالات التالية

$$P(X > 3) =$$

$$P(-2 \leq X < 2) =$$

$$P(X < -1) =$$

#### السؤال التاسع

إذا كان المتغير العشوائي  $X$  له دالة كثافة احتمالية  $f(x)$  على النحو التالي

$X$	-1	0	1	2
$f(x)$	0.2	C	0.3	0.4

١- أوجدي قيمة C.

٢- احسب الإحتمالات التالية

$$P(X = 3) =$$

$$P(-1 \leq X < 1) =$$

$$P(X < 0) =$$

$$P(X \geq 1) =$$

#### السؤال العاشر

أجريت تجربة عشوائية لاختيار بطاقتين مع الإعادة من مجموعة من ثلاثة بطاقات عليها الأرقام

. 1, 2, 3

١- إكتب فراغ العينة.

إذا كان المتغير العشوائي  $X$  يمثل الفرق بين الرقمان على النحو التالي:

$X =$  الرقم على البطاقة الأولى - الرقم على البطاقة الثانية.

٢- إكتب قيم المتغير العشوائي  $X$  وقيم دالة الكثافة الاحتمالية المقابلة لها.

٣ - إحسبي توقع للمتغير العشوائي  $X$ .

السؤال الحادى عشر

اعتبرى التجربة العشوائية المكونة من رمي 3 قطع عملة غير متزنة مرة واحدة.

١ - إكتبى فراغ العينة.

إذا كان المتغير العشوائي  $X$  يمثل عدد الصور مضافاً إليه 2 ، أي ان:

$$X = \text{عدد الصور} + 2.$$

٢ - إكتبى قيم المتغير العشوائي  $X$  وقيم دالة الكتلة الإحتمالية المقابلة لها.

$$\text{إذا كان } P(H) = \frac{1}{4}, P(T) = \frac{3}{4}$$

٣ - إحسبي توقع وتبالين المتغير العشوائي  $X$ .

## أهم التوزيعات المتقطعة

### السؤال الأول

ترغب مؤسسة التعاقد لتوريد كمية من البطاريات السائلة ولذا يذهب أحد مفتشيها إلى مصنع البطاريات ويختار عينة عشوائية مكونة من 5 بطاريات من إنتاجه ليتحقق من صلاحية كل منها فيقرر التعاقد إن وجد على الأكثر بطارية واحدة غير سليمة في العينة، فإذا كانت نسبة البطاريات الغير سلية في إنتاج المصنع هي 20% فأحسبى

١- إحتمال أن يتم التعاقد مع المصنع.

٢- إحتمال أن يجد المفتش البطاريات الخمسة في العينة غير سلية.

### السؤال الثاني

إذا كان 90% من الخبز المنتج في مخبز معين مطابقاً للمواصفات وكان الإنتاج يعبأ عشوائياً في أكياس يحتوي كل منها على 8 أرغفة، فإذا إشترى رجل كيس من هذا المخبز.

١- أوجد دالة الكثافة الإحتمالية لعدد الأرغفة المطابقة للمواصفات بالكيس.

٢- أحسبى الإحتمالات التالية

أ- إحتمال أن تكون جميع الأرغفة بالكيس مطابقة للمواصفات.

ب- إحتمال أن يحتوي الكيس على رغيفين على الأكثر غير مطابقين للمواصفات.

ت- إحتمال أن يكون عدد الأرغفة المطابقة للمواصفات بالكيس أقل من 3.

٣- احسبى العدد المتوقع للأرغفة الغير مطابقة للمواصفات في هذا الكيس وكذلك التباين.

### السؤال الثالث

إذا كان احتمال أن يكون أحد العاملين بمؤسسة كبيرة من الإداريين هو 0.3، أخذت عينة عشوائية من 7 أشخاص ممن يعملون في هذه المؤسسة.

١- اكتب دالة الكثافة الإحتمالية لعدد الإداريين في هذه العينة.

٢- احسب عدد الإداريين المتوقع في هذه العينة (التوقع).

٣- احسب الإحتمالات التالية

أ- احتمال أن نجد العينة كلها من الإداريين.

ب- احتمال أن نجد في العينة 2 إداريين على الأكثر.

ت- احتمال أن نجد في العينة عدد الغير إداريين أقل من 5.

### السؤال الرابع

تبين من إحدى الدراسات أن 60% من الأسر في إحدى المدن يستخدمون غسالات الأطباق الآوتوماتيكية. تم اختيار ثلاثة أسر عشوائياً من هذه المدينة، فإذا عرف المتغير العشوائي  $X$  بأنه عدد الأسر التي تستخدم هذه الغسالات.

١- اكتب دالة الكثافة الإحتمالية للمتغير العشوائي  $X$ .

٢- أوجدي احتمال أن لا يوجد أي أسرة تستخدم هذا النوع من الغسالات.

٣- أوجدي احتمال أن توجد أسرة على الأكثر تستخدم هذا النوع من الغسالات.

٤- أوجدي المتوسط والتباين للمتغير العشوائي  $X$ .

### السؤال الخامس

إذا كان إحتمال فوز طالبة من كلية العلوم في المسابقة الثقافية لعام 1430 هـ هو 0.8 اشتراك 5 طالبات في هذه المسابقة من كلية العلوم  
1- اكتب دالة الإحتمالية لعدد الطالبات الفائزات.

2- ما إحتمال فوز 3 طالبات منهن.

3- ما إحتمال فوز طالبتين على الأكثر.

4- ما إحتمال عدم فوز طالبتين.

5- أحسب التوقع والإنحراف المعياري لعدد الطالبات الفائزات.

### السؤال السادس

صندوق به 25 مصباح من بينهم 5 مصابيح معيبة. اختيرت عينة عشوائية من 8 مصابيح.  
أحسب الإحتمالات التالية

1- إن تشمل العينة على مصابيح معيبين.

2- أن تشمل العينة على 4 مصابيح معيبة على الأقل.

### السؤال السابع

إذا كان إحتمال الحصول على وحدة معيبة من إنتاج مصنع هو 0.1، اختيرت عينة عشوائية من 8 وحدات من إنتاج المصنع.

١- إكتب دالة الكثافة الاحتمالية للمتغير العشوائي  $X$  والذي يمثل عدد الوحدات المعيبة في العينة.

٢- ما احتمال أن تحتوي العينة على ٣ وحدات معيبة.

٣- ما احتمال أن لا تحتوي العينة على أي وحدة معيبة.

٤- ما احتمال أن تحتوي العينة على ٦ وحدات معيبة على الأقل.

٥- أحسب التوقع وكذلك الإنحراف المعياري لعدد الوحدات المعيبة.

#### السؤال الثامن

فصل به ١٥ طالبة منهن ٥ طالبات تخصص رياضيات، ١٠ طالبات تخصص نبات. اختيرت عينة عشوائية من ٦ طالبات للإشتراك في مسابقة.

١- إكتب دالة الكثافة الاحتمالية للمتغير العشوائي  $X$  والذي يمثل عدد الطالبات من تخصص رياضيات في العينة.

٢- ما احتمال أن تحتوي العينة على ٤ طالبات من الرياضيات.

٣- ما احتمال أن تحتوي العينة على ٣ طالبات من النبات.

٤- ما احتمال أن تحتوي العينة على طالبتين على الأكثر من الرياضيات.

٥- ما احتمال أن تكون جميع العينة من الرياضيات.

### السؤال التاسع

باقة من الزهور تحتوي على 7 زهارات بيضاء و 5 زهارات حمراء، إذا اختير 6 زهارات من هذه الباقة عشوائياً فإن

١- دالة الكتلة الإحتمالية لعدد الزهارات البيضاء في العينة هي

٢- إحتمال أن يشمل الاختيار 3 زهارات بيضاء.

٣- إحتمال أن يشمل الاختيار 2 زهارات حمراء.

٤- إحتمال أن يشمل الاختيار 4 زهارات بيضاء على الأقل

٥- التوقع لعدد الزهارات البيضاء المختاره.

٦- الإنحراف المعياري لعدد الزهارات الحمراء المختاره.

### السؤال العاشر

مكتبة تحتوي على 9 قصص أدبية و 5 قصص علمية، إذا اختير 5 قصص عشوائياً فإن

١- دالة الكتلة الإحتمالية لعدد القصص العلمية في العينة هي

٢- إحتمال أن يشمل الاختيار 4 قصص أدبية.

٣- إحتمال أن يشمل الاختيار 5 قصص أدبية على الأقل

٤- التوقع والتبابين لعدد القصص العلمية المختاره.

### السؤال الحادي عشر

عدد المرات التي يتعطل فيها جهاز الحاسب في الأسبوع الواحد يتبع توزيع بواسون بمعامل 0.4 .

١- اكتبى دالة الكتلة الإحتمالية .

٢- أوجدي إحتمال أن يتعطل الحاسب مره واحده خلال أسبوع.

٣- أوجدي إحتمال أن يعمل الحاسب لمدة اسبوعين بدون عطل.

### السؤال الثاني عشر

إذا كان متوسط وصول السفن إلى أحد الموانئ سفينتان في اليوم.

أوجدي إحتمال أن تصل 3 سفن لهذا الميناء في يوم معين.

### المتغير العشوائي المستمر (المتصل)

#### السؤال الأول

إذا كان  $Z$  يتبع توزيعاً طبيعياً متوسطه صفر وتبينه واحد، أوجدي المساحة تحت المنحنى الطبيعي التي تمثل الإحتمالات التالية:

$$P(Z \leq 0.6) =$$

$$P(Z = -2.3) =$$

$$P(Z \geq 1.28) =$$

#### السؤال الثاني

إذا كان متوسط الطول لـ 500 طالبة من طالبات مدرسة ما هو 151 سم والإنحراف المعياري هو 10 سم، وكانت أطوال الطالبات تتوزع توزيعاً طبيعياً.

١- ما إحتمال أن تتحصر أطوال الطالبات بين 155 سم و 125 سم.

٢- ما هي النسبة المئوية للطالبات الاتي تقل أطوالهن عن 155 سم.

٣- ماعددة الطالبات الاتي تزيد أطوالهن عن 164 سم.

#### السؤال الثالث

إذا علم أن القراءة العليا لضغط الدم عند السيدات المتوسطات في العمر متغير عشوائي له توزيع طبيعي بمتوسط 130 وتبين 25 فإذا اختيرت سيدة عشوائياً أحسب الإحتمالات الآتية.

١- أن تكون قراءة ضغط الدم لها أقل من 140.

٢- أن تكون قراءة ضغط الدم لها أكبر من 120.

٣- أن تتراوح قرأة ضغط الدم لها بين (135, 120).

٤- أن تكون قرأة ضغط دمها تساوي 130.

#### السؤال الرابع

إذا كان متوسط أوزان الأطفال في عمر الروضة متغير عشوائي له توزيع طبيعي بمتوسط 12 كيلوجرام، وانحراف معياري 2 كيلوجرام. فإذا اختر طفلاً عشوائياً، احسب الإحتمالات التالية:

١- أن يكون وزنه أقل من 11 كيلوجرام.

٢- أن يكون وزنه أكبر من 12.5 كيلوجرام.

٣- أن يتراوح وزنه بين 10 كيلوجرام و 13 كيلوجرام.

٤- أن يكون وزنه يساوي 12 كيلوجرام.

#### السؤال الخامس

إذا كان  $Z$  متغير عشوائي يتبع التوزيع الطبيعي المعياري، أوجد الإحتمالات التالية

$$P(Z < -1.44) =$$

$$P(Z = 1.75) =$$

$$P(Z > 2.04) =$$

$$P(-1.5 < Z < 1.9) =$$

تم بحمد الله،،

مع تمنياتنا لكن بال توفيق والنجاح ،،