

جامعة الملك سعود
كلية العلوم قسم الرياضيات إصلاح الاختبار الفصلي الأول
الفصل الثاني 1437 - 1436 هـ 244 ريض

السؤال الأول

$$|A| = 2 \text{ و } B = \text{adj}A = \begin{pmatrix} 4 & 6 & -2 \\ -1 & 0 & 1 \\ -2 & -2 & 2 \end{pmatrix} \text{ (أ)}$$

$$A^{-1} = \frac{1}{2}B \text{ (ب)}$$

السؤال الثاني

$$AB = \begin{pmatrix} -8 & 5 & -2 & -8 \\ 7 & -7 & 1 & 10 \\ 5 & -4 & 1 & 6 \\ 12 & -11 & 2 & 16 \end{pmatrix}$$

$$|AB| = 0$$

السؤال الثالث

$$A - B = \begin{pmatrix} -1 & 1 & 2 \\ -2 & 2 & 2 \\ 4 & -2 & -4 \end{pmatrix}$$

$$A(A - B) = 2I_3$$

$$A^{-1} = \frac{1}{2}(A - B)$$

السؤال الرابع

المصفوفة الموسعة

$$\left[\begin{array}{cccc|c} 1 & 1 & 2 & 1 & 11 \\ 1 & 2 & 1 & 1 & 9 \\ 1 & 1 & 1 & 2 & 6 \\ 2 & 1 & 1 & 1 & 14 \end{array} \right] \rightarrow \left[\begin{array}{cccc|c} 1 & 1 & 2 & 1 & 11 \\ 0 & 1 & -1 & 0 & -2 \\ 0 & 0 & -1 & 1 & -5 \\ 0 & -1 & -3 & -1 & -8 \end{array} \right] \rightarrow \left[\begin{array}{cccc|c} 1 & 1 & 2 & 0 & 6 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 3 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & -2 \end{array} \right]$$

$$\text{إذا } x = 6, y = 1, z = 3, t = -2$$

السؤال الخامس

إذا كانت $\lambda \in \mathbb{R}$ و $A, B \in W$

$$2(A + B)^T = 2A^T + 2B^T = A + B$$

و

$$2(\lambda A)^T = 2\lambda A^T = \lambda A.$$

إذا W هو فضاء جزئي.