مفكوك لوران:

$$f(z)=\sum_{0}^{\infty} a_n (z-z_0)^n + \underbrace{\sum_{1}^{\infty} \frac{b_n}{(z-z_0)^n}}_{\text{الجزء الرئيس من متسلسلة لوران}}$$

هذا الهامش

النقطة الشاذة المعزولة z_0 ← تعريفها ← f تحليلية على $0<|z-z_0|<r$ و غير معرفة عند z_0

لإيجاد الراسب $\operatorname{Res}_{z_0} f(z)$ ← تصنيفها

- قابلة للإزالة إذا: $\lim_{z\to z_0} f(z)=A\neq\infty$ أو لا يوجد جزء رئيس لمتسلسلة لوران حول z_0 ← $\operatorname{Res}_{z_0} f(z)=0$
- أو حتمية (أساسية) إذا: $\lim_{z\to z_0} f(z)$ غير موجودة أو عدد حدود الجزء الرئيسي لمتسلسلة لوران غير منتهية ← معامل $\frac{1}{z-z_0}$ في مفكوك لوران ← $\operatorname{Res}_{z_0} f(z)=\frac{1}{z-z_0}$
- أو قطب من الرتبة m إذا: $\lim_{z\to z_0} f(z)=\infty$ أو عدد حدود الجزء الرئيس لمتسلسلة لوران منتهية وقوة آخر حد $m=$ من الجزء الرئيس لمفكوك لوران !

  - $f(z)=\frac{\phi(z)}{(z-z_0)^m}$ حيث $\phi(z)$ تحليلية عند z_0 و $\phi(z_0)\neq 0$
  - $\operatorname{Res}_{z_0} f(z)=\phi(z_0)$ if $m=1$
  - $=\frac{\phi^{(m-1)}(z_0)}{(m-1)!}$ if $m\geq 2$
  - $=\frac{P(z_0)}{Q'(z_0)}$ if $f=\frac{P(z)}{Q(z)}$ حيث P و Q تحليليتان عند z_0 و $P(z_0)\neq 0, Q(z_0)=0$
  - $\operatorname{Res}_{z_0} f(z)=$ معامل $\frac{1}{z-z_0}$ في مفكوك لوران

هناك صيغ أخرى طويلة جداً (تراجع للإطلاع والاستفادة)

Scanned with CamScanner